



(19) Europäisches Patentamt
European Patent Office
Office européen des brevets



(11) Publication number : 0 503 119 B1

(12)

EUROPEAN PATENT SPECIFICATION

(45) Date of publication of patent specification :
20.09.95 Bulletin 95/38

(51) Int. Cl.⁶ : H04L 9/30

(21) Application number : 91103933.7

(22) Date of filing : 14.03.91

(54) Public key cryptographic system using elliptic curves over rings.

(43) Date of publication of application :
16.09.92 Bulletin 92/38

(73) Proprietor : OMNISEC AG
Trockenloostrasse 91
CH-8105 Regensdorf (CH)

(45) Publication of the grant of the patent :
20.09.95 Bulletin 95/38

(72) Inventor : Maurer, Ueli
Weiherhofgasse 1
CH-9500 Wil (CH)

(84) Designated Contracting States :
AT BE CH DE DK ES FR GB GR IT LI LU NL SE

(56) References cited :
PROCEEDINGS OF CRYPTO '89 August 1989,
NEW YORK (US)pages 186 - 192; BENDER ET
AL.: 'ON THE IMPLEMENTATION OF ELLIPTIC
CURVECRYPTOSYSTEMS'
PROCEEDINGS OF AUSCRYPT '90 January
1990, NEW YORK (US)pages 2 - 13; MENEZES
ET AL.: 'THE IMPLEMENTATION OF ELLIPTIC
CURVECRYPTOSYSTEMS'

EP 0 503 119 B1

Note : Within nine months from the publication of the mention of the grant of the European patent, any person may give notice to the European Patent Office of opposition to the European patent granted. Notice of opposition shall be filed in a written reasoned statement. It shall not be deemed to have been filed until the opposition fee has been paid (Art. 99(1) European patent convention).

Description

This invention relates to a cryptographic communications system comprised of at least one communications channel, at least one encryption station, at least one decryption station, said encryption and decryption stations being mutually linked through the communications channel, and further comprised of a trapdoor generator.

In the following, a cryptographic communications system of this type will be designated for short as a cryptographic system.

Cryptographic systems of this kind are useful as public key cryptographic systems provided with a trapdoor one-way function allowing message encryption and decryption, digital signature schemes and user identification protocols.

Generally, cryptographic systems are widely used to ensure the privacy and authenticity of messages transmitted over public communication channels, such as telephone lines, which are considered to be insecure communication channels. Cryptographic systems are heavily relied on in military, diplomatic and business communications for the transfer of information, including voice, picture and text data, and for identification purposes.

One type of cryptographic system, generally known as a privacy system, prevents extraction of information by unauthorized parties from messages transmitted over an insecure communication channel, thus assuring a sender that a message being sent is read only by an intended receiver. Another type of cryptographic system, generally known as a digital signature scheme, allows the sender of a message to code this message into a signature in such a way that nobody else can generate the signature corresponding to a given message, but everybody can easily verify the signature claimed to correspond to a given message. Yet another type of cryptographic system, generally known as an identification protocol, allows a person (or computer) to prove its identity to a challenger without revealing any information (e.g., a password) that would later allow the verifier to impersonate himself as the previously examined person (or computer).

A conventional type of cryptographic privacy system allows a sender to transmit a plaintext message M to a receiver over an insecure communication channels, e.g. a telephone line. At the sender's site, an encryption device encodes the plaintext message M with the help of a secret key into a ciphertext message C which is then transmitted. At the receiver's site, a decryption device decodes the ciphertext message C back into the plaintext message M with the help of the secret key. Given the knowledge of this secret key, the pertaining encryption and decryption transformations can be performed on the message, absent this knowledge they cannot be performed even with the most powerful computers known or conceivable at present times. Thus, for an eavesdropper who wants to decipher the message and yet is assumed to have no information about the secret key it is not feasible to determine the plaintext message M corresponding to a given ciphertext C , nor is it feasible to determine the secret key when given matching plaintext and ciphertext pairs. However, one problem with this system is that it requires the distribution of secret keys to the communicating parties. This is often done over a secure channel such as priority mail, or in advance using a trusted courier, which can be expensive or even impossible, as in many military applications.

A conventional non-cryptographic signature system is set up as follows. A person wishing to sign documents (e.g. a cheque) deposits an original version of his/her signature at the institution (e.g. a bank) that is supposed to later verify the issued signatures. The original signature could also be made publicly available in a signature directory if everybody should be enabled to verify the signature. The authenticity of documents claimed to be issued by a certain person can be checked, for instance by a judge, by comparing the signature on the document with the original signature. The security of conventional signatures relies in a crucial way on the following assumptions, the importance of all of which is often not completely realized by users of signatures: (1) a person is always able to produce a signature that is sufficiently similar to his/her original signature (capability to reproduce), (2) nobody else is capable of producing signatures that are sufficiently similar to the original signature (impossibility to forge), (3) it is impossible to transfer a valid signature from one document to another (impossibility to transfer), and (4) it is easy for anyone wishing to verify a signature to judge the degree of similarity of a signature with the original (capability to verify).

A conventional non-cryptographic identification protocol can be set up essentially in two different ways. The first way is to let a trusted authority issue a document (e.g. a passport) to every person who applies for a means of being identified. The security of such a system relies on the assumptions that (1) passports cannot be forged and (2) given a passport and a person, it is easy to verify whether they match or not. The second way is to let each person choose a password that is then registered in a password file. This second approach is often used for computer applications where it is impossible to verify certain identification criteria (e.g. eye color), however, it has a crucial security problem: anyone who knows the password, for instance the computer to which a person has identified his/herself, can later impersonate as this person.

5 Messages exchanged in computer-based cryptographic systems are represented digitally, i.e. they are made up of sequences of numbers and/or letters. Therefore, it should seem inherently impossible to build a cryptographic digital signature system, since every signature would be a digital number that can trivially be copied and hence forged. Similarly, it should seem that no cryptographic identification protocol of the first kind discussed above could exist that prevents a verifier, after he has seen a digital number that convinces him of the identity of a person, from later reusing the same number to impersonate as the previously identified person.

Reference will be made hereinafter to a "user" or "party" rather than to a "person" so as to indicate that in many applications, it is computer systems rather than persons that are communicating and the "user" or "party" then is a device.

10 A major breakthrough in cryptography was achieved in 1976 when W. Diffie and M.E. Hellman published their seminal paper "New directions in cryptography" in IEEE Trans. on Inform. Theory, vol. IT-22, pp. 664-654, Nov. 1976 (cf. also patent US-A-4200770). Diffie and Hellman proposed a protocol by which two parties A and B who initially do not share any secret whatsoever can talk over a completely insecure channel (e.g. a telephone line that can be tapped by an eavesdropper), and at the end of the protocol each party comes up
15 with one and the same secret key which it is for the eavesdropper completely infeasible to determine, even when given all messages exchanged between A and B. Moreover, Diffie and Hellman suggested that digital signature schemes could be set up if there could be devised a certain type of transformation based on a so-called trapdoor one-way function. However, Diffie and Hellman did not propose an implementation of a trapdoor one-way function, nor did they prove that such a function exists.

20 Loosely speaking, a trapdoor one-way function is a transformation that maps the elements of a domain set $\{D\}$ to the elements of a range set $\{R\}$ such that

- (1) the transformation is invertible, i.e., every element in the range set corresponds to exactly one element in the domain set,
- (2) given an element of the domain set, it is easy to compute the corresponding transformed element in
25 the range set, and
- (3) given an element in the range set, it is completely infeasible to compute the corresponding element in the domain set unless one knows a secret piece of information (the trapdoor).

Diffie and Hellman suggested that a trapdoor one-way function could be used in two different ways. In both applications, a user publishes a description of a trapdoor one-way function while keeping the trapdoor
30 secret. Any other user can thus compute the forward transformation, but none except the legitimate user can feasibly compute the inverse transformation. Here and hereinafter, the solution of a problem is deemed infeasible if no computer system known or conceivably available in a foreseeable future can solve the problem in a reasonable time (e.g. in less than 100 years).

The first of the two applications suggested by Diffie and Hellman is called a public-key cryptographic system.
35 A user can publicly announce an encryption transformation for plaintext messages of such kind that only this user has the capability of deciphering received ciphertext messages. This is achieved by using the trapdoor one-way function as the encryption transformation and its inverse as the corresponding decryption operation. Clearly, all users must agree on a common way of representing plaintext messages as elements of the domain set $\{D\}$ and ciphertext messages as elements of the range set $\{R\}$.

40 The second application suggested by Diffie and Hellman is called a digital signature scheme. A user can publicly disclose (e.g. register in a public directory similar to the deposition of an original signature) a signature verification transformation such that only this user has the capability of generating the signature corresponding to a given message to be signed. This is achieved by using the trapdoor one-way function as the signature verification transformation and its inverse as the corresponding signature generation transformation. Clearly,
45 all users must agree on a common way of representing messages as elements of the range set $\{R\}$ and signatures as elements of the domain set $\{D\}$. Such a digital signature scheme satisfies the four criteria for signature schemes mentioned above. In particular, transferring signatures is prevented by the fact that each signature only signs one particular message. The fact that one can easily reproduce an issued signature does not harm the system because the signed message cannot be modified. The problem that someone can produce
50 a signature at random without knowing which message it signs can be solved by requiring that the messages be of a special form, e.g. redundant.

It may be noted that the trapdoor one-way function and its inverse are applied in respectively opposite order when a digital signature scheme and a public-key cryptographic system are performed.

55 The first practical implementation of a trapdoor one-way function and thus, of a public key cryptographic system and a digital signature scheme based on Diffie and Hellman's idea, is described in patent US-A-4405829 to Rivest, Shamir and Adleman (cf. also R.L. Rivest, A. Shamir and L. Adleman, "A method for obtaining digital signatures and public-key cryptosystems", Communications of the ACM, vol. 21, pp. 120-126, 1978. According to this teaching, a user establishes a so-called RSA trapdoor one-way function by generating two large

prime numbers p and q (e.g. each having 100 decimal digits) and selecting a number e that is relatively prime to $(p-1)$ and $(q-1)$. Generating large prime numbers is feasible and known in the art (cf. for instance U.M. Maurer, "Fast generation of secure RSA-moduli with almost maximal diversity", Advances in Cryptology - Eurocrypt'89, Lecture Notes in Computer Science, Vol. 434, Springer Verlag, Berlin, 1990, pp. 636-647, or M.O. Rabin, "Probabilistic algorithms for testing primality", J. of Number Theory, vol. 12, pp. 128-138, 1980). The user then publishes the product $m = p \cdot q$ of the two primes as well as the exponent e and computes secretly the unique number d satisfying the conditions

$$0 \leq d \leq \text{lcm}[(p - 1), (q - 1)]$$

and

$$d \cdot e \equiv 1 \pmod{\text{lcm}[(p - 1), (q - 1)]}$$

where lcm denotes the least common multiple of the numbers listed in the brackets and mod denotes the modulo function, the following features of which are of particular interest hereinafter:

The meaning of congruence equation $a \equiv b \pmod{c}$ is that a and b have the same remainder when divided by c , which is equivalent to the statement that $(a - b)$ is a (possibly negative or zero) multiple of c . Hereinafter, unless specified differently, b can be any expression involving several numbers or variables, and a is equal to the smallest non-negative integer number that satisfies the above congruence equation $a \equiv b \pmod{c}$. For instance, the above two congruence equations

$$0 \leq d \leq \text{lcm}(p - 1)(q - 1)$$

and

$$d \cdot e \equiv 1 \pmod{\text{lcm}[(p - 1) \cdot (q - 1)]}$$

can be replaced by the single equivalent equation

$$d \equiv 1/e \pmod{(p - 1) \cdot (q - 1)}.$$

In the above mentioned teaching of Rivest, Shamir and Adleman, d is the secret trapdoor of the RSA trapdoor one-way function. Finding d is generally believed infeasible since it requires knowledge of the prime factors of the modulus m and it is generally believed that factoring large integers into their prime factors is a problem infeasible by computation.

The basic operation required to implement the RSA trapdoor one-way function as well as its inverse is exponentiation modulo the given number m , which will be called the modulus, while e and d will be referred to as the public and the secret exponent, respectively.

There exist well-known techniques for implementing modular arithmetic (cf. for instance D.E. Knuth, "The art of computer programming", vol. 2, 2nd edition, Reading, MA: Addison-Wesley, 1981). In particular, a modular exponentiation technique called "square and multiply" is known that is very fast, even when the exponent is a number having several 100 decimal digits. The domain set and the range set of the RSA trapdoor one-way function both are equal to the set Z_m of non-negative integers smaller than m , i.e. $\{D\} = \{R\} = Z_m = \{0, 1, \dots, (m-1)\}$.

To compute the trapdoor one-way function transformation for a given argument $x \in Z_m$ resulting in the transformed value y , the argument x is raised to the e -th power modulo m , i.e. $y \equiv x^e \pmod{m}$. The inverse transformation, viz. raising y to the d -th power modulo m , is similar but can only be performed when the trapdoor d is known, and results in x as has been proved in the above-quoted publication by Rivest, Shamir and Adleman, i.e. $x \equiv y^d \pmod{m}$.

Another application of the RSA trapdoor one-way function was proposed by Fiat and Shamir in patent US-A-4748668 (cf. also A. Fiat and A. Shamir, "How to prove yourself: practical solutions to identification and signature problems", Proceeding of CRYPTO'86, Lecture Notes in Computer Science, Vol. 263, Springer Verlag, Berlin, 1987, pp. 186-194). A simplified version of their identification protocol is discussed in the following. A user receives from a trusted authority the secret number s such that $s^2 \equiv ID \pmod{m}$, where ID is a number representing an identity information for identification of the user and m is the product of two large prime numbers. It may be noted that s is the square root modulo m of the number ID . It has been shown that in order to be able to compute square roots modulo m one must know the prime factors of m , which are kept secret by the trusted authority. In order to prove itself, rather than to reveal s and allow the challenger to verify that $s^2 \equiv ID \pmod{m}$ (and thereafter to enable the challenger to impersonate as the user), the user only proves that he knows s , but without revealing it. In fact, one can prove that even if the identification protocol is repeated several times, a challenger cannot obtain any information about s whatsoever that he did not possess before execution of the protocol.

In a simplified version, the Fiat-Shamir protocol works as follows. The user chooses a random number r in Z_m that is relatively prime to m and sends to the challenger the number $r^2 \pmod{m}$ together with the claimed identity information ID . The challenger challenges the user by issuing a randomly chosen binary number b . If $b=0$, the user must reply by sending r so as to prove that the previously sent r^2 was indeed a number of which it knew the square root. If $b=1$, the user must reply with the number $r \cdot s \pmod{m}$ so as to prove that it knows

both r and s . Since the user can each time cheat in this protocol with a 50% chance only, namely when it guesses the challenge variable b correctly in advance, the challenger can be convinced that the user knows s if the protocol is run several times consecutively. The probability of guessing correctly a sequence of n random bits is 2^{-n} , which is a very small number when n is sufficiently large.

5 One way of breaking the RSA trapdoor one-way function is by computing the trapdoor exponent d . It has been proved that it is no easier to determine d than it is to find the prime factors p and q of the public modulus m , which, as mentioned above, is assumed to be a very difficult problem. However, it has not been proved that in order to break the cryptographic system based on the RSA trapdoor one-way function it is necessary to compute d and thus to factor m .

10 Thus, it is an object of the present invention to provide cryptographic systems comprised of at least one encryption station, at least one decryption station and a trapdoor generator, which cryptographic systems are based on novel trapdoor one-way functions that are more secure than those previously proposed.

15 A further object of the present invention is to provide public key cryptographic systems including a trapdoor one-way transformation function generator to provide message encryption and decryption, digital signature schemes and user identification protocols, which trapdoor generator generates a novel trapdoor one-way function that is more secure than those previously proposed.

20 To attain these objects and others which will appear from the description of the invention given hereinafter, the invention provides a cryptographic system of the type defined above in the preamble of this specification, wherein the trapdoor generator is comprised of the combination of means alternatively defined in claims 1 or 2. Preferred embodiments of the cryptographic system according to the invention are defined in the appended claims.

25 The security of the cryptographic system according to the invention relies on the difficulty of factoring a large public modulus m as in the RSA cryptographic system. However, in the cryptographic system according to the invention the transformations involved are operations on so-called elliptic curves over a finite ring, resulting in transformations entirely different from those proposed by Rivest, Shamir and Adleman.

30 In the paper "On the Implementation of Elliptic Curve Cryptosystems" by Bender et al. in "Advances in Cryptology - Proceedings of Crypto'89", Edited by G. Brassard, Springer-Verlag (1989), pp. 186-192, and also in the paper "The Implementation of Elliptic Curve Cryptosystems" by Menezes et al. in "Advances in Cryptology - Proceedings of AUSCRYPT'90", Edited by J. Seberry & J. Pieprzyk, Springer-Verlag (1990), pp. 1-13, it is disclosed that elliptic curves may be used to implement Diffie-Hellman type public key cryptographic systems. In such systems, the public key is one element of the mathematical group the cryptosystem is based on. However, in public key cryptographic systems of the Rivest-Shamir-Adleman type the order of the mathematical group constitutes itself or allows to compute the secret key the cryptosystem is based on, while said order is not an element of said mathematical group.

35 Thus, a feature and advantage of the invention is that the problem of breaking a cryptographic system based on these novel functions is a mathematically different and possibly much more difficult problem than breaking a similar cryptographic system based on the RSA trapdoor one-way function. Accordingly, even if the RSA function would be broken in a way that does not compute the prime factors of m , the cryptographic systems of this invention still are secure.

40 It is trivial to assign an element of the domain set of the RSA trapdoor one-way function to a given plaintext message in the case of the RSA public key cryptographic system. Any simple standardized transformation assigning numbers selected in $\{0, 1, \dots, (m-1)\}$ to strings of letters will do. If picture data or voice data is transformed in a cryptographic system, similar simple transformations can be applied. These transformations are independent of the cryptographic system used and have no influence on the security of the system.

45 Clearly, if a string is too long (as can be the case for a public key cryptographic system) it can be divided into smaller sub-strings of suitable size. In a digital signature scheme, the well-known technique of hashing can be used to compress a long message to a sufficiently small number. In this context, a hashing function is a function that assigns to strings of arbitrary length a string of fixed shortlength (e.g. 50 characters). Obviously, several strings may hash to the same hashed value, but this does not affect the security of a signature scheme if it is very difficult to actually find for a given message another message resulting in the same hashed value. Hashing functions having this property are called cryptographically secure hash functions, and an implementation thereof can be based on any conventional cryptographic system (cf. A. De Santis and M. Yung, "On the design of provably secure cryptographic hash functions", to appear in the proceedings of Eurocrypt'90, Lecture Notes in Computer Science, Berlin, Springer Verlag).

55 For the trapdoor one-way functions provided by the invention and described below, however, suitable transformations for mapping messages or identities into elements of the domain set D or the range set R without revealing the factorization of the modulus m still need to be defined. The solutions proposed to this effect are included within the scope of the present invention.

The invention will now be described in closer detail in the following, with reference to the accompanying drawings in which

- Fig. 1 is a block diagram of a cryptographic system according to the invention in a particular embodiment thereof for use as a digital signature scheme;
- 5 Fig. 2 is a block diagram of a cryptographic system according to the invention in a particular embodiment thereof adapted for message encryption and decryption;
- Fig. 3 is a block diagram of a cryptographic system according to the invention in a particular embodiment thereof adapted for generating parameters useful for user identification; and
- 10 Fig. 4 is a block diagram of a cryptographic system according to the invention in a particular embodiment thereof adapted for verification of a user identity.

To begin with, there is described the mathematical structures on which the embodiments of the present invention are based. These structures are the finite field $GF(p)$, the finite ring Z_m , and elliptic curves over finite fields and rings.

A (mathematical) field consists of a set of elements and two operations, denoted addition and multiplication, which satisfy certain properties. One of these properties is that a field must have a neutral element for multiplication, denoted 1, such that for every element e there must exist an inverse element e^{-1} satisfying $e \cdot e^{-1} = 1$. A well-known example of a field is the field of real numbers for which addition and multiplication is defined in the conventional way. It may be noted that the set of all integers does not form a field because there does not exist for every integer another integer that multiplies with it to 1 (e.g. $1/3$ is not an integer number). Fractions would be required, and indeed, the set of all rational numbers (i.e. fractions) forms a field. In cryptography, one is particularly interested in finite fields, i.e. fields whose sets are finite rather than infinite as for the real numbers. One way to define a finite field is to specify a prime number p and then to let the set of elements of the finite field be the set of numbers $Z_p = \{0, 1, \dots, (p-1)\}$ and the addition and multiplication operations be addition and multiplication modulo p , respectively. Such a field is denoted $GF(p)$. As in the field of real numbers, one can also define a division operation. Thus, a/b is the unique number c such that $b \cdot c \equiv a \pmod{p}$. To give a simple example, in the field $GF(7)$ the set is $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ and for instance $3+8=4$, $5 \cdot 6=2$ (since $30 \equiv 2 \pmod{7}$), $0 \cdot 4=0$ and $3/4=6$ (since $4 \cdot 6=24 \equiv 3 \pmod{7}$).

A mathematical structure analogous to the finite field $GF(p)$ can be defined when the modulus is not a prime number. However, this new structure is not a field, as the following example illustrates. When computing modulo 6, there exists no number that when multiplied with 4 and reduced modulo 6 results in 1. The reason is that the result of this multiplication would always be an even number. More generally, the problem is that the greatest common divisor of 4 and 6, denoted $\text{gcd}[4, 6]$, is not equal to 1. A mathematical structure of this type is called a ring Z_m and m is called its modulus, it has the property that division is not always defined. (A nice property of fields is that one can always divide, except by 0). Nevertheless, the ring Z_m is an important structure in cryptography.

In practical applications, the modulus m of the ring (or the field if m is prime) is a very large number for instance having 200 or more decimal digits. There exist well-known techniques for computing with such huge numbers (cf. for instance D.E. Knuth, quoted above). Addition and multiplication can be implemented by ordinary addition and multiplication, respectively, followed by a modular reduction modulo m , i.e. by a division by m where only the remainder is kept as the result. The only non-obvious operation is that of division, which can easily be implemented by using the extended Euclidean greatest common divisor algorithm (cf. for instance J.D. Lipson, "Elements of algebra and algebraic computing", Benjamin/Cummings, Menlo Park, CA, 1981). Implementations of these field and ring operations for very large moduli are well known and widely used in cryptographic applications.

Elliptic curves are mathematical structures that have been studied by mathematicians for decades. Only recently has their usefulness for cryptographic purposes been pointed out (cf. for instance N. Koblitz, "A Course in Number Theory and Cryptography", Springer Verlag, New York, 1987). They offer an alternative to finite fields for use in the Diffie-Hellman public key distribution protocol (cf. for instance W. Diffie and M.E. Hellman, quoted above). The present invention exploits properties of elliptic curves that have not previously been used in cryptography.

An elliptic curve over a field F consists of the set of distinct pairs of integers (x, y) which satisfy the equation

$$y^2 \equiv x^3 + a \cdot x + b,$$

where a and b are parameters of the elliptic curve. Such a solution pair is called a point on the elliptic curve. In addition to the solution points of the above equation, an elliptic curve also contains a so-called point at infinity, denoted ∞ .

In the following, interest is mainly directed to elliptic curves over finite fields $GF(p)$ where p is a large prime number. For given parameters a and b satisfying $0 \leq a < p$ and $0 \leq b < p$ the points on the corresponding elliptic curve, denoted $E_p(a, b)$, are the pairs of integers (x, y) satisfying

$$0 \leq x < p$$

$$0 \leq y < p$$

and

$$y^2 \equiv x^3 + a \cdot x + b \pmod{p}.$$

The number of points (including ∞) on this elliptic curve $E_p(a,b)$ is denoted $|E_p(a,b)|$ and called the order of the elliptic curve $E_p(a,b)$. The order of an elliptic curve $E_p(a,b)$ can be computed for instance by the Schoof algorithm (cf. R. Schoof, "Elliptic curves over finite fields and the computation of square roots mod", Mathematics of Computation, Vol. 44, No. 170, pp. 483-494, 1985).

For example, considering the elliptic curve $E_{13}(0,1)$, i.e. the set of distinct pairs of integers (x,y) which satisfy the equation $y^2 \equiv x^3 + 1 \pmod{13}$, there are 12 points on this curve, namely ∞ (which is on every curve), $(4,0), (10,0), (12,0), (0,1), (0,12), (2,3), (5,3), (6,3), (2,10), (5,10)$ and $(6,10)$. Hence $|E_{13}(0,1)| = 12$.

By defining an appropriate operation (called "elliptic-curve addition", although it has nothing in common with addition in a conventional sense) that assigns to every pair P_1, P_2 of points a third point $P_3 = P_1 + P_2$ (called the "sum" of these points), an elliptic curve over a finite field can be interpreted as a finite (mathematical) group in which the point ∞ is the neutral element. The a -fold multiple of a point P , denoted $a \cdot P$, is defined as the point obtained by consecutively adding P a number a of times: $a \cdot P = P + P + \dots + P$ where the number of terms in the sum is a .

The discrete logarithm problem on the elliptic curve having base point P is as follows. Given a point P' , find the smallest non-negative number x such that $x \cdot P = P'$, if such a number x exists. The following set of rules specify how addition on elliptic curves can be implemented, i.e. how to compute $P_3 = P_1 + P_2$ for given $P_1 = (x_1, y_1)$ and $P_2 = (x_2, y_2)$:

- = If either $P_1 = \infty$ or $P_2 = \infty$ or both, then $P_3 = \infty$.
- = If $x_1 = x_2$ but $y_1 \neq y_2$, which implies that $y_1 \equiv -y_2 \pmod{p}$, then $P_3 = \infty$.
- = In all other cases $P_3 = (x_3, y_3) = (x_1, y_1) + (x_2, y_2)$ is computed as follows. Let τ be defined as

$$\begin{aligned}\tau &\equiv [(y_2 - y_1)/(x_2 - x_1)] \pmod{p} \text{ if } x_1 \neq x_2 \\ \tau &\equiv [(3x_1^2 + a)/(2y_1)] \pmod{p} \text{ if } x_1 = x_2\end{aligned}$$

If none of the above two cases applies, the denominator is always non-zero and thus the division is defined.

The resulting point $P_3 = (x_3, y_3)$ is defined by

$$x_3 \equiv \tau^2 - x_1 - x_2 \pmod{p}$$

$$y_3 \equiv \tau \cdot (x_1 - x_3) - y_1 \pmod{p}$$

All operations (additions, subtractions, multiplications and divisions) have to be performed in the field $GF(p)$. Clearly, when $P_1 = P_2$, then the first one of last equations is equivalent to $x_3 \equiv \tau^2 - 2x_1$, the use of which may slightly speed up computation.

For example, considering the same elliptic curve $E_{13}(0,1)$ as in the preceding example, the point $P_3 = (2,3) + (6,10)$ can be computed as follows: $\tau = (10-3)/(6-2) \equiv 7/4 \equiv 5 \pmod{13}$; the last step follows from $4 \cdot 5 \equiv 7 \pmod{13}$. Hence $x_3 \equiv 5^2 - 2 \cdot 3 \equiv 4 \pmod{13}$ and $y_3 \equiv -5 \cdot (4-2) - 3 \equiv 0 \pmod{13}$ and thus $P_3 = (4,0)$.

Elliptic curves are usually considered only over fields, but it is possible to extend the definition to elliptic curves over the ring Z_m , where m is the product of a multiplicity r of distinct prime numbers p_1, \dots, p_r , where i is an integer satisfying the conditions $1 \leq i \leq r$. The elliptic curve $E_m(a,b)$ is defined as the set of solutions pairs (x,y) satisfying the conditions

$$0 \leq x < m$$

and

$$0 \leq y < m$$

and the congruence equation

$$y^2 \equiv x^3 + a \cdot x + b \pmod{m}$$

For reasons explained below the point at infinity is not included in this case. According to the well-known Chinese remainder theorem, every point (x,y) on $E_m(a,b)$ can be uniquely represented as a list of r points on the elliptic curves $E_{p_1}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b)$, i.e. as a list of pairs $[(x_1, y_1), \dots, (x_r, y_r)]$ where for $1 \leq i \leq r$

$$x_i \equiv x \pmod{p_i}$$

$$y_i \equiv y \pmod{p_i}$$

To compute the list $[(x_1, y_1), \dots, (x_r, y_r)]$ for a given point (x,y) on $E_m(a,b)$ and vice versa is state of the art (cf. for instance J.D. Lipson, quoted above).

An addition operation can be defined on $E_m(a,b)$ as follows. Two points on $E_m(a,b)$ can be added by first computing the corresponding two lists of points on $E_{p_1}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b)$, the addition being performed

5 by components according to the addition rule on elliptic curves over a finite field, and then computing the point on $E_m(a,b)$ corresponding to this list. This operation is well-defined except when the resulting point on one of the elliptic curves $E_{p_1}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b), \dots, E_{p_t}(a,b)$, is the point ∞ since in this case it is impossible to transform the list of points back to $E_m(a,b)$. It may be noted, however, that when the prime factors p_i of m are all very large, then the probability that the sum of two randomly selected points on $E_m(a,b)$ is not defined is extremely small.

10 The key observation that will allow to build a trapdoor one-way function-based on computations on the elliptic curve $E_m(a,b)$, where the factorization of m is the trapdoor, is that the above defined addition operation can be executed using only operations in the ring Z_m , i.e. without knowledge of the prime factors $p_1, \dots, p_r, \dots, p_t$ of m . This is achieved by simply using the same rule as for addition on an elliptic curve over a finite field, i.e. the two points P_1 and P_2 on $E_m(a,b)$ are added to result in $P_3 = (x_3, y_3) = P_1 + P_2$ by computing τ according to the rule

$$\begin{aligned}\tau &\equiv [(y_2 - y_1)/(x_2 - x_1)] \pmod{m} \text{ if } x_1 \neq x_2 \\ \tau &\equiv [(3x_1^2 + a)/(2y_1)] \pmod{m} \text{ if } x_1 = x_2\end{aligned}$$

15 and using the formulas

$$x_3 \equiv \tau^2 - x_1 - x_2 \pmod{m}$$

$$y_3 \equiv \tau \cdot (x_1 - x_3) - y_1 \pmod{m}$$

20 As indicated, all operations (additions, subtractions, multiplications and divisions) have to be performed in the ring Z_m . A problem with the above addition rule is that the quantity τ is not defined when the denominator is not relatively prime to m . This problem occurs if and only if one of the resulting points on the curves $E_{p_1}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b), \dots, E_{p_t}(a,b)$, when considering the addition as performed by components, is the point at infinity ∞ . As mentioned above, the risk that such a problem occurs when two randomly selected points on $E_m(a,b)$ are added is extremely small and can well be accepted as a very small risk of system failure. In fact, should such a problem occur, this failure could immediately be used to generate a non-trivial factor of m . Therefore, if factoring m is difficult such a failure cannot occur except with very small probability, since otherwise the very execution of a computation on $E_m(a,b)$ would be a feasible factoring algorithm, which is believed not to exist. Although $E_m(a,b)$ is not a group as would be required for most cryptographic protocols to guarantee their successful execution, one can prove (cf. for instance S. Goldwasser and J. Kilian, "Almost all primes can be quickly certified", Proceedings of the 18th ACM Symposium on Foundations of Computer Science, pp. 316-329, 1986, wherein elliptic curves over rings are considered in a different context) that unless the computation fails by failure of a division (see above), $E_m(a,b)$ behaves for an observer just as if it were a group. In particular, all the cryptographic systems that will be discussed below work successfully as if $E_m(a,b)$ actually were a group.

35 It is well-known that when prime factors of m are given, a computation in the ring Z_m can be sped up by performing the computation modulo each prime factor p_i separately, and then combining these results.

To set up a trapdoor one-way function based on an elliptic curve over Z_m , a user (or some trusted authority) can generate a modulus m that is the product of r suitably chosen distinct prime numbers $p_1, \dots, p_r, \dots, p_t$, i.e. $m = p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_r \cdot \dots \cdot p_t$. The user then secretly computes the orders of the elliptic curves $|E_{p_1}(a,b)|, \dots, |E_{p_r}(a,b)|, \dots, |E_{p_t}(a,b)|$, the least common multiple of μ of these orders, i.e.

$$\mu = \text{lcm}[|E_{p_1}(a,b)|, \dots, |E_{p_r}(a,b)|, \dots, |E_{p_t}(a,b)|],$$

40 selects a public multiplier e relatively prime to μ , and computes the secret multiplier d according to the equation $d \equiv 1/e \pmod{\mu}$.

45 The user then publishes m, a, b and e . The domain set $\{D\}$ and the range set $\{R\}$ of the trapdoor one-way function both are equal to the points (x,y) on the elliptic curve $E_m(a,b)$. For a given point P , the trapdoor one-way function transformation resulting in the point Q is defined by

$$Q = e \cdot P \text{ on } E_m(a,b).$$

50 and the corresponding inverse operation is defined by

$$P = d \cdot Q \text{ on } E_m(a,b).$$

It can be shown that although the addition operation on $E_m(a,b)$ is in some very special cases not defined, the point $Q = e \cdot P$ is always defined. For a large number e a point P can efficiently be multiplied by e by using the so-called repeated doubling method (cf. for instance D.E. Knuth, quoted above). Let $e_k e_{k-1} e_{k-2} \dots e_1 e_0$ be the unique binary representation of e such that $e_k = 1$ and $e = 2^k + e_{k-1} \cdot 2^{k-1} + \dots + e_1 \cdot 2 + e_0$. Then $Q = e \cdot P$ can be computed by computing the sequence $f_1 \cdot P, f_2 \cdot P, \dots, f_k \cdot P$ of points where f_i is the number represented by the first i bits of $e_k e_{k-1} e_{k-2} \dots e_1 e_0$, i.e. f_i is the quotient when e is divided by 2^i . For instance, 37 is represented in binary as 100101 and hence the point $Q = 37P$ can be computed by computing $2P = P + P$, $4P = 2P + 2P$, $8P = 4P + 4P$, $16P = 8P + 8P$, $32P = 16P + 16P$ and $Q = 37P = 32P + 5P$. It may be noted that

the number of addition operations that must be performed is only equal to the length of the representation of e plus the number of 1's in this representation minus 2, which is much smaller than e itself. For $e = 37$ the number of required additions is 7.

5 Clearly, the system can also be set up for a fixed public multiplier e , for example $e = 5$, which in this case still is considered to have been selected, although but once for all. The only modification required is that the selected prime numbers p_i must satisfy the condition that (p_i+1) and e are relatively prime.

In Fig. 1 there is shown a block diagram of a digital signature scheme based on the above described trapdoor one-way function in which a user A can generate a signature corresponding to a given message and transmit the signature to one or several verifiers who can verify the authenticity and integrity of the signed message.

10 For the sake of simplicity, only one verifying user (user B) is shown in Figure 1.

A user A wishing to later sign messages uses a trapdoor generator TG to generate the parameters m , a , b , d and e and registers the public parameters m , a , b and e together with his name in a public directory PD. These parameters correspond to the original signature that is deposited for later reference in a conventional signature system.

15 The directory need not be public, and in fact in many application the signer may only wish to enable a selected set of users to verify his signatures by exclusively providing them with the parameters m , a , b and e .

The parameter d is a secret parameter that is stored secretly by the signer.

Given the system parameter r , the trapdoor generator generates r prime numbers p_1, \dots, p_r and forms their product $m = p_1 \cdots p_r$. a and b are appropriately chosen integer numbers satisfying the conditions $0 \leq a < m$ and $0 \leq b < m$. The trapdoor generator then computes the orders of the elliptic curves $E_{p_1}(a,b), \dots, E_{p_r}(a,b), \dots, E_m(a,b)$, computes μ according to

$$\mu = \text{lcm}(|E_{p_1}(a,b)|, \dots, |E_{p_r}(a,b)|, \dots, |E_m(a,b)|),$$

chooses an appropriate number e that is relatively prime to μ , and computes $d = 1/e \pmod{\mu}$.

20 In order to sign a message M represented by an integer x , user A converts x it into a point $Q(s,t)$ on the elliptic curve $E_m(a,b)$ using a message-to-elliptic-curve converter ME. In a preferred embodiment, this is achieved by choosing the first coordinate s of Q as a well-defined public function of x such that $s^3 + a \cdot s + b$ is a quadratic residue (a square) modulo m . For instance, if x is a message in the range $0 \leq x < m/1000$, then s could be defined as the smallest integer greater or equal to $1000 \cdot x$ such that $s^3 + a \cdot s + b$ is a quadratic residue (a square) modulo m . The point on $E_m(a,b)$ that uniquely represents the message x is then defined as (s,t) , where t is one of the 2^r square roots modulo m (for instance the smallest one) of $s^3 + a \cdot s + b$. The square root of a number s modulo m , which exists if and only if $s=0$ or s is a quadratic residue modulo m , can easily be computed when the factors of m are known, by computing the square roots of s modulo each prime factor p_i of m and combining the results using the Chinese remainder technique. For prime factors p_i of m for which (p_i+1) is divisible by 4, a square root of a number can be computed by raising this number to the power $(p_i+1)/4$ modulo m . When (p_i-1) is divisible by 4, Peralta's efficient algorithm can be used (cf. R. Peralta, "A simple and fast probabilistic algorithm for computing square roots modulo a prime number", IEEE Transactions on Information Theory, Vol. IT-32, pp. 846-847, 1986).

30 The signature message S corresponding to the message $M = \langle x \rangle$ is obtained by computing the point $P(u,v)$ on $E_m(a,b)$ in an elliptic-curve computation means ECC according to

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

40 and converting P into a signature message S using an elliptic-curve-to-message converter EM. The signature message S is represented by the two integer number u and v , i.e. $S = \langle u, v \rangle$. A transmitter TR is then used to send the signature message S over communication channel COM to user B.

45 Clearly, the conversion from P to S in the elliptic-curve-to-message converter EM of user A's device in Fig. 1 is trivial and consists in forwarding to the transmitter TR the binary representations of two integer numbers u and v either unchanged or concatenated, as may be required for input to the transmitter TR. The elliptic-curve-to-message converter EM is shown included in user A's device in Fig. 1 merely to represent and interface the different nature of the mathematical objects P and S , the former being a point of the elliptic curve and the latter a message.

50 Upon receiving the signature message S over communication channel COM using a receiver RC, user B converts the signature message S into a point $P = (u,v)$ on the elliptic curve $E_m(a,b)$ using a message-to-elliptic-curve converter ME, then computes the point $Q(s,t)$ on $E_m(a,b)$ in an elliptic-curve computation means ECC according to

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

55 and converts the obtained point Q into message $M = \langle x \rangle$ using an elliptic-curve-to-message converter EM. This last step is easily achieved in the above described preferred embodiment by extracting the number x representing the message M from the coordinate s of P simply by dividing s by 1000.

Clearly again, the conversion from S to P in the message-to-elliptic-curve converter ME of user B's device is trivial and consists in forwarding to the elliptic-curve computation means ECC the binary representations of two integer numbers u and v either unchanged or separated, as may be required by the output of the receiver RC. The message-to-elliptic-curve converter ME is shown included in user B's device in Fig. 1 merely to represent and interface the different nature of the mathematical objects S and P , the former being a message and the latter a point of the elliptic curve.

If sufficient redundancy is included in the integer x representative the message M , an eavesdropper can be prevented from generating signatures at random in an attack where he does not care about which message the forged signature actually corresponds to. For instance, s can be the smallest integer greater or equal to x for which there exists an integer t such that $Q(s,t)$ is representative of a point on $E_m(a,b)$. To ensure that such an integer s actually can be found and cannot be representative of another message than $M = \langle x \rangle$, in a preferred embodiment there are accepted as messages only such integers whose binary representation has a predetermined number of least significant bits all having a same binary value which can be "one" or "zero". For instance, the 30 least significant bits of s all are zeros. This provision at the same time also ensures that the transmitted message has an inherent redundancy sufficient to make it completely improbable that a randomly selected point $Q(s,t)$ on $E_m(a,b)$ might be representative of a duly signed message M . The occurrence of said redundancy finally is checked by user B in a verification means VM.

Unfortunately, the above described trapdoor one-way function cannot be used to build up a public-key cryptographic system, because without knowing the factorization of m it is infeasible by computation to find a point on $E_m(a,b)$ that can be associated with a given number x representing a message M .

The new trapdoor one-way functions according to the invention are based on the observation that there exist certain classes of elliptic curves which all have the same order.

- = It can be shown that if (p_i+1) is divisible by 3 and $a=0$, then for all b satisfying the conditions $0 \leq b < p_i$ the order of the elliptic curve $E_{p_i}(0,b)$ just is $|E_{p_i}(0,b)| = (p_i+1)$.
- = Similarly, it can be shown that if (p_i+1) is divisible by 4 and $b=0$, then for all a satisfying the conditions $0 \leq a < p_i$ the order of the elliptic curve $E_{p_i}(a,0)$ just is $|E_{p_i}(a,0)| = (p_i+1)$.

The fact that the order of all elliptic curves in a class of elliptic curves is the same allows to compute the parameter μ even though the actual elliptic curve is determined only later, when a message is being selected. A crucial observation is that when either one of the parameters a or b of the elliptic curve $E_m(a,b)$ is fixed, then the step of selecting a point (x,y) on the elliptic curve uniquely determines the other parameter b or a , respectively.

Allowing messages to be pairs (x,y) of integers representative of a point $P(x,y)$ of the elliptic curve rather than being only one of two coordinates (e.g. the coordinate x as in the trapdoor one-way function described above) offers two major advantages. The first advantage is that it is not necessary to compute the second coordinate corresponding to the given message coordinate, which computation in general requires knowledge of the prime factors of m (this is the very reason why the trapdoor one-way function described above can only be used as a digital signature scheme, not as a public key cryptographic system). The second advantage is that the message size is doubled and thus the encryption can be sped up by a factor of 2.

Fig. 2 shows a public-key cryptographic system based on either of the above described choices of parameters and in which a user A publishes the description of an encryption transformation for which he but nobody else can feasibly perform the corresponding decryption operation. Any other user can then send cryptographically secure enciphered messages to user A without sharing any secret key with him. For the sake of simplicity, only one other user (user B) is shown in Fig. 2.

The following description is given for the first choice of parameters, and a slight modification required for the second choice of parameters will be described later.

In order to set up the public-key cryptographic system, user A uses the trapdoor generator to generate parameters m , e and d . Given the system parameter r , the trapdoor generator generates r prime numbers $p_1, \dots, p_r, \dots, p_r$ such that, for each of them, the respective value p_i+1 is divisible by 3, and then forms their product $m = p_1 \cdots p_r \cdots p_r$. The trapdoor generator then computes μ according to

$$\mu = \text{lcm}[p_1 + 1, \dots, p_r + 1, \dots, p_r + 1],$$

chooses an appropriate number e that is relatively prime to μ and computes d according to

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu}.$$

User A then publishes the two parameters m and e and stores the parameter d secretly. The dashed line in Fig. 2 indicates that user B receives user A's published parameters, for instance by using a public directory service.

To encipher a message $M = \langle x, y \rangle$ for user A, where the message consists of a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$, user B considers the elliptic curve $E_m(0,b)$ on which the point

$P(x,y)$ is located and computes a point $Q(w,z)$ on the same elliptic curve in an elliptic-curve computation means ECC according to

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$

The parameter b is implicitly given by $b = y^2 - x^3 \pmod{m}$, but it need not be computed since the elliptic curve addition (and thus also the multiplication) algorithm do not depend on b . In other words, the elliptic curve on which the points P and Q are located is implicitly defined but no explicit description is required. The encrypted message which is then transmitted by a transmitter TR over an insecure communication channel COM consists of a pair of integers (w,z) representative of the point Q , i.e. the encrypted message is $Q = \langle w,z \rangle$.

Upon receiving the ciphertext message $Q = \langle w,z \rangle$ over the communication channel COM by means of a receiver RC, user A computes the point $P(x,y)$ on the same elliptic curve in an elliptic-curve computation means ECC according to

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z),$$

whereby the plaintext message $M = \langle x,y \rangle$ is recovered.

The following example illustrates this public-key cryptographic system for a set of parameters that are much too small to offer any security at all. In a preferred embodiment, m could be the product of two primes each having 100 to 150 decimal digits.

Let $r=2$ and let the two primes be $p_1=17$ and $p_2=23$. Thus, $m=17 \cdot 23=391$. It may be noted that both (p_1+1) and (p_2+1) are divisible by 3. Therefore, $|E_{17}(0,b)| = 17 + 1 = 18$ and $|E_{23}(0,b)| = 23 + 1 = 24$ for all $b \neq 0$, hence $\mu = \text{lcm}[18,24] = 72$. Let further $e=5$, which implies that $d=29$ since $5 \cdot 29=145 \equiv 1 \pmod{72}$. Consider a message represented by the pair of integers $\langle 127,203 \rangle$. This implies that $b=220$ and thus that all computations will actually be on the elliptic curve $E_{391}(0,220)$, but it actually is not necessary to know b in order to use the system. To encipher the message point $P=(127,203)$ it must be multiplied by 5. This is achieved by consecutively computing $2P=P+P$, $4P=2P+2P$ and $5P=4P+P$. The computation of $2P = (x_2,y_2) = (127,203) + (127,203)$ will be demonstrated in detail. According to the rules of addition on an elliptic curve $E_m(a,b)$ one computes $\tau=3 \cdot 127^2/(2 \cdot 203)$. One has $3 \cdot 127^2 = 48387 = 294 \pmod{391}$ and $2 \cdot 203 = 15 \pmod{391}$. Now, $1/15 \pmod{391}$ is found to be 365, as can easily be verified by checking that $15 \cdot 365 \equiv 1 \pmod{391}$. Thus one obtains $\tau = 294/15 = 294 \cdot 365 = 176 \pmod{391}$, $x_2 = 176^2 - 2 \cdot 127 = 30722 = 224 \pmod{391}$, and $y_2 = 176 \cdot (127 - 224) - 203 = 17275 = 320$. Hence $2 \cdot (127,203) = (224,320)$ on the elliptic curve. Similarly, one finds that $4P = (224,320) + (224,320) = (350,230)$ and $Q = 5P = (127,203) + (350,230) = (364,261)$. The ciphertext message is thus the pair of numbers $\langle 364,261 \rangle$. In a similar way as for the computation of $Q = 5P$ one can also perform the deciphering operation $P = 29 \cdot Q$ by computing consecutively $2Q = Q+Q$, $3Q = 2Q+Q$, $6Q = 3Q+3Q$, $7Q = 6Q+Q$, $14Q = 7Q+7Q$, $28Q = 14Q+14Q$ and finally $29Q = 28Q+Q = P = (127,203)$.

As mentioned above, another possible choice of the parameters is to let p_1+1 be divisible by 4 and $b=0$. A public-key cryptographic system can be set up in a manner completely analogous to the above description. The only change required is due to the fact that the elliptic-curve addition operation depends on a , while it is independent of b . Thus, the elliptic-curve computation means ECC of Fig. 2 must compute a according to

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

and

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m},$$

respectively, prior to performing the elliptic-curve multiplication.

It will be apparent that the two above-described trapdoor functions can also be used to set up a digital signature scheme in which messages and signatures consist of pairs of integers representing points on a particular one of a class of elliptic curves.

The same trapdoor one-way functions as described above can also be used to set up user identification protocols.

One particular preferred embodiment of such a system is described in Figs. 3 and 4 and involves a combination of a trusted authority device TA, a verifying device VD and user identification devices ID which are for instance embodied as security modules or smart cards.

Before issuing the first identification device, a trapdoor generator TG provided in the trusted authority device TA secretly chooses r prime numbers $p_1, \dots, p_r, \dots, p_r$ such that, for each of them, the respective value p_i+1 is divisible by 3, and then forms their product $m = p_1 \cdots p_r \cdots p_r$. The trapdoor generator TG then computes μ according to

$$\mu = \text{lcm}[p_1 + 1, \dots, p_r + 1, \dots, p_r + 1],$$

chooses an appropriate number e that is relatively prime to μ and computes d according to

$$d = 1/e \pmod{\mu}$$

A transmitter TR provided in the verifying device VD of the trusted authority then makes public the parameters m and e as well as an easy to compute function f that assigns pairs of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ to identification strings. For instance, this function f could be defined as "splitting

the identification string in two halves and representing each half as one integer".

Also, it is preferred to store m and e into a storage means SM provided in the verifying device VD, else the verifying device VD would later have to interrogate a public directory for parameters m and e instead of having obtained them directly from the trusted authority device TA.

- 5 When a user applies for an identification device ID, the trusted authority checks his identity and forms a string I uniquely representative of this identity. I could contain the user's name, physical description, clearance information, expiration date of the device, and so on. A message-to-elliptic-curve converter ME provided in the trusted authority device TA then computes a pair of integers (x,y) representative of a point P on an elliptic curve according to

$$10 \quad P(x,y) = f(I),$$

The trusted authority device TA then computes a point $Q(s,f)$ on the same elliptic curve in an elliptic-curve computation means ECC according to

$$Q(s,f) = d \cdot P(x,y)$$

and stores m , e , P and Q into a storage means SM of the applying user's identification device ID.

- 15 In order to prove a user's identity to a verifier, the user's identification device ID performs the following protocol with the verifying device VD of the verifier.

- First, a random integer generator RIG provided in the identification device ID chooses a random integer r satisfying the condition $0 \leq r \leq l$ wherein l is an integer provided as a setting in the identification device and satisfying the condition $l < m$. Then, an elliptic-curve computation means ECC provided in the identification device ID computes a point $U(u_x,u_y)$ of the same elliptic curve as that on which P is located, according to

$$U(u_x,u_y) = r \cdot P(x,y).$$

- In a preferred embodiment, the computation of U is performed during an idle time of the identification device, when no identification procedure is performed. Integer r need not be chosen at random each time, instead, several random points $U(u_x,u_y)$ could be stored for instance in the storage means SM and combinations thereof can be formed each time a point $U(u_x,u_y)$ is required. It is important in this case that the set of random points $U(u_x,u_y)$ be updated sufficiently often.

The identification device ID then computes in the elliptic-curve computation means ECC a point $V(v_x,v_y)$ of the same elliptic curve as that on which P is located, according to

$$V(v_x,v_y) = e \cdot U(u_x,u_y)$$

- 30 The identification device ID then sends the claimed identity I and the message (v_x,v_y) representative of the point $V(v_x,v_y)$ to the verifying device VD of the verifier, use being made of a transmitter TR provided in the identification device ID and of a receiver RC provided in the verifying device VD.

- 35 The verifying device VD first makes an initial check, possibly in cooperation with an examining person making a physical description of a user person to be identified, if any. The physical description of the user person (e.g. his/her fingerprint, eye background, etc.) is compared with that claimed in the string I . Optionally, also the expiration date or other parameters may be checked.

The verifying device VD then randomly selects a random integer k satisfying the condition $0 \leq k \leq (e - 1)$ and sends k as a challenge to the identification device ID, using a transmitter TR provided in the verifying device VD.

- 40 The identification device ID is provided with a receiver RC for receiving k from the verifying device VD, and it has to respond to the challenge by sending an answer (w_x,w_y) representative of the point $W(w_x,w_y)$ defined by

$$W(w_x,w_y) = U(u_x,u_y) + k \cdot Q(s,f)$$

- 45 which it computes with its elliptic-curve computation means ECC. By means of the transmitter TR provided in the identification device ID, the latter's answer (w_x,w_y) representative of the point $W(w_x,w_y)$ is transmitted to the verifying device VD where there are computed, by means of an elliptic-curve computation means ECC and the storage means SM provided in the verifying device VD, points $T_1(t_1,t_1)$ and $T_2(t_2,t_2)$ of the same elliptic curve as that on which P is located, according to

$$T_1(t_1,t_1) = e \cdot W(w_x,w_y)$$

50 and

$$T_2(t_2,t_2) = V(v_x,v_y) + k \cdot P(x,y)$$

wherein $P(x,y)$ is computed according to $P(x,y) = f(I)$ as described above in respect of the trusted authority's computation.

- 55 Finally, in a comparator CMP provided in the verifying device VD, it is checked whether points $T_1(t_1,t_1)$ and $T_2(t_2,t_2)$ are identical: in the affirmative, the identification device ID and its user are accepted as genuine, in particular, it is ascertained that the identification-requesting user actually is that one which corresponds to the identification string I .

It can be proved that the only possible way by which a fraudulent impersonator who does not know the point $Q(s,t)$ could cheat is to guess the challenge number k correctly in advance. The chances of success are only 1: e , which is very small when e is sufficiently large. In a preferred embodiment, e is a prime number of the order of for instance 10^6 to 10^9 . This protocol can also be repeated several times to further reduce an eavesdropper's chance of successful impersonation.

The following may be noted, which will readily appear from the preceding description of the invention. Generally, in a cryptographic system according to the invention, if the system is used for public-key message encryption and decryption the trapdoor generator will be located in the decryption station, while if the system is used as a digital signature scheme the trapdoor generator will be located in the encryption station, and if the system is used for user identification the trapdoor generator will be located in the trusted authority device. Clearly, instead of providing that the trapdoor generator is located in the respective station or device as explained above, it is equivalent to provide that the trapdoor generator is located somewhere else and transmits the necessary parameters to the respective station or device mentioned above, for storage of these parameters therein.

A detailed view of the means provided in a cryptographic system according to the invention is given below. It must be understood that the means listed below may be embodied as separate devices or integrated in part or completely in one or several devices. In this sense, means are repeatedly listed below, some or all of which may merged into single means performing several operations in succession.

- A first embodiment of the trapdoor generator is comprised of
 - = means for selecting a multiplicity r of distinct prime numbers p_i wherein i is an integer satisfying the conditions $1 \leq i \leq r$;
 - = means for generating a modulus m that is a product of the prime numbers p_i ;
 - = means for selecting a pair of integers (a,b) satisfying the conditions $0 \leq a \leq m$ and $0 \leq b < m$;
 - = means for computing, for each prime number p_i , a number $N(p_i)$ of distinct pairs of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < p_i$ and $0 \leq y < p_i$ and further satisfying the condition

$$y^2 \equiv x^3 + ax + b \pmod{p_i}$$
 and for computing from the numbers $N(p_i)$ a sum value $N(p_i) + 1$ representative of an order of such an elliptic curve which is defined as the set of the pairs of integers (x,y) ;
 - = means for computing a least common multiple μ of the sum values $N(p_i) + 1$;
 - = means for selecting a public multiplier e which is relatively prime to μ ;
 - = means for computing a secret multiplier d according to an equation

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu};$$
 and
 - = transfer means for transferring data comprising at least the modulus m , pair of integers (a,b) and public multiplier e to a corresponding storage means provided in the cryptographic system for locally storing the data therein.
- A second embodiment of the trapdoor generator is comprised of
 - = means for selecting a multiplicity r of distinct prime numbers p_i each having a respectively corresponding sum value $(p_i + 1)$ that satisfies the condition

$$(p_i + 1) \equiv 0 \pmod{j}$$
 wherein i is an integer satisfying the conditions $1 \leq i \leq r$ and j is an integer whose value is selected from 3 or 4 ;
 - = means for generating a modulus m that is a product of the prime numbers p_i ;
 - = means for computing the least common multiple μ of the numbers $(p_i + 1)$;
 - = means for selecting a public multiplier e which is relatively prime to μ ;
 - = means for computing a secret multiplier d according to an equation

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu};$$
 and
 - = transfer means for transferring data comprising at least the modulus m and public multiplier e to a corresponding storage means provided in the cryptographic system for locally storing the data therein.
- In this second embodiment of the trapdoor generator, preferably the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, or the data transferred by the transfer means also comprise the selected value of integer j .
- In both the first and second embodiment of the trapdoor generator, preferably, the corresponding storage means is a public directory which can be interrogated by any station of the cryptographic system for locally storing therein the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means, or the corresponding storage means is included in a station of the cryptographic system for locally storing therein

- the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means.
- If the system is used as a digital signature scheme, the encryption station is a signature encryption station which comprises
 - = the first embodiment of the trapdoor generator ;
 - = either
 - = means for selecting an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = or
 - = input means for being inputted an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = storage means for the inputted integer x ;
 - and further:
 - = a message-to-elliptic-curve converter means for computing from the integer x a pair of integers (s,t) such that
 - = the integer s satisfies a predetermined relationship to the integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 - = the pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 whereby the integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of the elliptic curve ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing on the point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$
 for computing a point $P(u,v)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to the integer x ; and
 - = transmission means for transmitting the pair of integers (u,v) for reception thereof at a signature decryption station.
 - Again if the system is used as a digital signature scheme, and if the encryption station is a signature encryption station which, however, does not comprise the trapdoor generator, then
 - the trapdoor generator is constructed according to the first embodiment and further comprises means for transferring at least the multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d to the signature encryption station, and
 - the signature encryption station comprises
 - = either
 - = input means for being inputted at least the multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d ;
 - = storage means for at least the inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d ; and
 - = means for selecting an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = or
 - = input means for being inputted at least the multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d , and further for being inputted an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = storage means for at least the inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) , secret multiplier d and integer x ;
 - and further:
 - = a message-to-elliptic-curve converter means for computing from the integer x a pair of integers (s,t) such that
 - = the integer s satisfies a predetermined relationship to the integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 - = the pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 whereby the integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of the elliptic curve ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing on the point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$
 for computing a point $P(u,v)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to the integer x ; and

- = transmission means for transmitting the pair of integers (u, v) for reception thereof at a signature decryption station.
- Preferably, if the system is used as a digital signature scheme as described last, the message-to-elliptic-curve converter means comprises
 - = means for computing the integer s from the integer x by assigning to the integer s the smallest value which satisfies the condition

$$s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 and for which the expression

$$s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 evaluates to a quadratic residue \pmod{m} ; and
 - = means for computing the integer t as a square root \pmod{m} of the quadratic residue \pmod{m} .
- 5 = means for computing the integer x is selected to have a predetermined inherent redundancy, and more preferably the integer x is selected such that its binary representation has a predetermined number of least significant bits all having a same binary value.
- 10 - Also preferably, if the system is used as a digital signature scheme as described last, the integer x is selected to have a predetermined inherent redundancy, and more preferably the integer x is selected such that its binary representation has a predetermined number of least significant bits all having a same binary value.
- 15 - Again, if the system is used as a digital signature scheme as described last, the decryption station is a signature decryption station which comprises
 - = receiver means for receiving the pair of integers (u, v) representative of an encrypted signature corresponding to the integer x ;
 - = either
 - = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the modulus m , the pair of integers (a, b) and the public multiplier e ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m , pair of integers (a, b) and public multiplier e ;
- 20 - 25 = or
 - = input means for being inputted at least the modulus m , pair of integers (a, b) and public multiplier e transferred from the trapdoor generator by the transfer means;
 - = storage means for at least the transferred modulus m , pair of integers (a, b) and public multiplier e ;
- 30 and further:
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $P(u, v)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (u, v) , an elliptic-curve computation

$$Q(s, t) = e \cdot P(u, v)$$
 - 35 for computing a point $Q(s, t)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (s, t) ;
 - and
 - = an authentication means comprising
 - = means for computing a decrypted signature from at least the integer s in consideration of the predetermined relationship between the integer s and the integer x , and
 - = means for determining whether the decrypted signature satisfies the predetermined conditions to which integer x is subjected, in which case the decrypted signature is proved authentic.
 - 40 - Preferably, if the system is used as a digital signature scheme and the decryption station is a signature decryption station as described last, the authentication means comprises means for determining whether each of the t least significant bits of integer s has the one and the same predetermined binary value.
 - In another series of embodiments, if the system is used as a digital signature scheme, the encryption station is a signature encryption station which comprises
 - = the second embodiment of the trapdoor generator;
 - = either
 - = means for selecting a pair of integers (x, y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system;
 - = or
 - = input means for being inputted a pair of integers (x, y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system;
 - 45 and further:
 - = means for computing integer a according to equation
 - 50 - 55

- $a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 5 = storage means for the inputted pair of integers (x,y) ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which point is representative of the integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$
- 10 using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to the pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means for transmitting the pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station.
- 15 · Again if the system is used as a digital signature scheme using a trapdoor generator constructed according to the second embodiment thereof, and if the encryption station is a signature encryption station which, however, does not comprise the trapdoor generator, then
- the encryption station is a signature encryption station,
 - the trapdoor generator further comprises means for transferring at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d to the signature encryption station, and
- 20 · the signature encryption station comprises
- = input means for being inputted at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d ;
 - = storage means for at least said inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d ;
- 25 = either
- = means for selecting a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = or
 - = input means for being inputted a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = storage means for the inputted pair of integers (x,y) ;
- and further:
- 35 = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 40 = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which point is representative of the integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$
- 45 using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to the pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means for transmitting the pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station.
- Preferably, if the system is used as a digital signature scheme and the encryption station is a signature encryption station as described last, and if the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, then the decryption station is a signature decryption station which comprises
- 50 = either
- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the modulus m and public multiplier e ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m and public multiplier e ;
- 55 = or
- = input means for being inputted at least the modulus m and public multiplier e transferred from the trapdoor generator by the transfer means ;

- = storage means for at least the transferred modulus m and public multiplier e ;
- = receiver means for receiving the pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to the pair of integers (x,y) ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 5 = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$
 using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $P(x,y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and
- 10 = an authentication means for determining whether the elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system.
- 15 Also preferably, if the system is used as a digital signature scheme and the encryption station is a signature encryption station as described last, and if the data transferred by the transfer means also comprise the selected value of integer j , then the decryption station is a signature decryption station which comprises
 - = either
 - = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the modulus m , public multiplier e and integer j ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
- 20 = or
 - = input means for being inputted at least the modulus m , public multiplier e and integer j transferred from the trapdoor generator by the transfer means ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
- 25 and further:
 - = receiver means for receiving the pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to the pair of integers (x,y) ;
 - = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$
 using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $P(x,y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and
 - = an authentication means for determining whether the elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system.
- 30 If the system is used for public-key message encryption and decryption, the encryption station is a message encryption station which comprises
 - = either, if the storage means is a public directory which can be interrogated by any station of the cryptographic system for locally storing therein the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means, and if the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system,
 - = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the modulus m and public multiplier e ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m and public multiplier e ;
 - = or, again if the storage means is a public directory which can be interrogated by any station of the cryptographic system for locally storing therein the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means, but if the data transferred by the transfer means also comprise the
- 35
- 40
- 45
- 50
- 55

- selected value of integer j ,
- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the modulus m , public multiplier e and integer j ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m and public multiplier e and integer j ;
 - = or, if the corresponding storage means is included in a station of the cryptographic system for locally storing therein the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means, and if the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system,
 - = input means for being inputted at least the modulus m and public multiplier e transferred from the trapdoor generator by the transfer means ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m and public multiplier e ;
 - = or, if the corresponding storage means is included in a station of the cryptographic system for locally storing therein the data transferred from the trapdoor generator by the transfer means, but if the data transferred by the transfer means also comprise the selected value of integer j ,
 - = input means for being inputted at least the modulus m , public multiplier e and integer j transferred from the trapdoor generator by the transfer means ;
 - = storage means for at least the transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
- and further:
- = message input means for being inputted a pair of integers (x,y) representative of a message, satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$;
 - = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of the integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
- using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to the pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means for transmitting the pair of integers (w,z) for reception thereof at a message decryption station.
- Preferably, if the system is used for public-key message encryption and decryption and the encryption station is a message encryption station as described last, the decryption station is a message decryption station which comprises
 - = the second embodiment of the trapdoor generator ;
 - = receiver means for receiving the pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to the pair of integers (x,y) ;
 - = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ; and
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation
- $$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$
- using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $P(x,y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (x,y) representative of a decrypted message.
- Preferably, if the decryption station is a message decryption station as described last,
 - the trapdoor generator further comprises
 - either, if the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system,
 - = means for transferring at least the modulus m and secret multiplier d to the message decryption station,
 - or, if the data transferred by the transfer means also comprise the selected value of integer j ,

- = means for transferring at least the modulus m , secret multiplier d and integer j to the message decryption station,
- and the message decryption station comprises
 - either, if the selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system,
 - = input means for being inputted at least the modulus m and secret multiplier d ;
 - = storage means for at least the inputted modulus m and secret multiplier d ;
 - or, if the data transferred by the transfer means also comprise the selected value of integer j ,
 - = input means for being inputted at least the modulus m , secret multiplier d and integer j ;
 - = storage means for at least the inputted modulus m , secret multiplier d and integer j ;
- and the message decryption station further comprises
- = receiver means for receiving the pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to the pair of integers (x,y) ;
 - = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with; and
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation
- $$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$
- using the value of integer a computed in the computing means to compute a point $P(x,y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (x,y) representative of a decrypted message.
- If the system is used for user identification, it further comprises
 - = a trusted authority device for issuing data allowing identification of a station of the cryptographic system; and
 - = at least one identification device included in a station of the cryptographic system and equipped with storage means for the identification allowing data;
 - = at least one verification device included in another station of the cryptographic system and adapted to cooperate with the identification device;
 - the trusted authority device being equipped with the second embodiment of the trapdoor generator and further comprising
 - = means for selecting an identification data string I uniquely representative of an identity of an applicant for the identification device;
 - = means for selecting a function f that assigns to any of the unique strings I a respective unique pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$, whereby the integers (x,y) are representative of a point $P(x,y) = f(I)$ of an elliptic curve;
 - = an elliptic-curve computation means for performing on the point $P(x,y)$ an elliptic-curve computation
- $$Q(s,f) = d \cdot P(x,y)$$
- for computing a point $Q(s,f)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (s,f) representative of an encrypted string corresponding to the identification data string I ; and
- = transfer means for transferring at least the identification data string I , modulus m , public multiplier e , pair of integers (x,y) and pair of integers (s,f) to the storage means of the identification device for storage therein.
- Preferably, if the system is used for user identification as described last, the function f is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, or the data transferred by the transfer means also comprise the function f .
 - If the system is used for user identification as described above, then
 - if the data transferred by the transfer means also comprise the function f , then the trusted authority device further comprises transfer means for transferring the function f to
 - either a corresponding storage means provided in the verification device for locally storing the function f in the verification device;
 - or a public directory which can be interrogated by any station for locally storing the function f in the station;
 - and the identification device comprises
 - = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$

- has been selected for the integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- = means for selecting a random integer r satisfying the condition $0 \leq r \leq l$ wherein l is an integer provided as a setting in the identification device and satisfying the condition $l < m$;
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $P(u,v)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (u,v) , an elliptic-curve computation
- $$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$
- for computing a point $U(u_x, u_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u_x, u_y) ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $U(u_x, u_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (u_x, u_y) , an elliptic-curve computation
- $$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$
- for computing a point $V(v_x, v_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (v_x, v_y) ;
- = transmission means for transmitting the identification data string l and pair of integers (v_x, v_y) for reception thereof at the other station including the verification device ;
 - = receiver means for receiving an integer k as a challenge from the other station including the verification device ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $Q(s,t)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (s,t) , an elliptic-curve computation
- $$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, t)$$
- for computing a point $W(w_x, w_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w_x, w_y) ;
- = transmission means for transmitting the pair of integers (w_x, w_y) for reception thereof at the other station including the verification device ;
 - and
 - if the data transferred by the transfer means also comprise the function f , and the trusted authority device comprises transfer means for transferring the function f to a corresponding storage means provided in the verification device for locally storing the function f in the verification device, then the verification device comprises
- = input means for being inputted at least the function f from the trusted authority device by the transfer means thereof ;
 - = storage means for at least the transferred function f ;
 - if the data transferred by the transfer means also comprise the function f , and the trusted authority device comprises transfer means for transferring the function f to a public directory which can be interrogated by any station for locally storing the function f in the station, then the verification device comprises
- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least the function f ;
 - = storage means for at least the transferred function f ;
- and the verification device further comprises
- = means for computing from the identification data string l according to the function f the pair of integers (x,y) representative of a point $P(x,y) = f(l)$ of the elliptic curve ;
 - = means for selecting a random integer k satisfying the condition $0 \leq k \leq (e - 1)$;
 - = transmission means for transmitting the random integer k for reception thereof at the station including the identification device as a challenge ;
 - = receiver means for receiving the pair of integers (w_x, w_y) as a response to the challenge from the station including the identification device ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $W(w_x, w_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation
- $$T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$$
- for computing a point $T_1(t_1, t_1)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_1, t_1) ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on the point $W(w_x, w_y)$ of the elliptic curve whose coordinates are the pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation
- $$T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$
- for computing a point $T_2(t_2, t_2)$ of the elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_2, t_2) ;
- and
 - = means for comparing the pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) with each other so as to determine whether both test conditions $t_{1_x} = t_{2_x}$ and $t_{1_y} = t_{2_y}$ are satisfied by the pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) .

- Preferably, if the system is used for user identification as described last, the means for selecting a random integer k and the transmission means for transmitting the random integer k as a challenge are constructed for recurrent operation a plurality of times in the course of an identification session.
- It will be understood that the above described embodiments are but examples from which it is possible to deviate without departing from the scope of the invention as defined in the appended claims.

Claims

1. A cryptographic communications system comprised of at least one communications channel (COM), at least one encryption station (A;B), at least one decryption station (B;A), said encryption and decryption stations being mutually linked through the communications channel, and further comprised of a trapdoor generator (TG), said trapdoor generator being characterized in that it comprises
 - = means for selecting a multiplicity r of distinct prime numbers p_i wherein i is an integer satisfying the conditions $1 \leq i \leq r$;
 - = means for generating a modulus m that is a product of said prime numbers p_i ;
 - = means for selecting a pair of integers (a,b) satisfying the conditions $0 \leq a < m$ and $0 \leq b < m$;
 - = means for computing, for each prime number p_i , a number $N(p_i)$ of distinct pairs of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < p_i$ and $0 \leq y < p_i$ and further satisfying the condition

$$y^2 = x^3 - a \cdot x + b \pmod{p_i}$$
 and for computing from said numbers $N(p_i)$ a sum value $N(p_i) + 1$ representative of an order of such an elliptic curve which is defined as the set of said pairs of integers (x,y) ;
 - = means for computing a least common multiple μ of said sum values $N(p_i) + 1$;
 - = means for selecting a public multiplier e which is relatively prime to μ ;
 - = means for computing a secret multiplier d according to an equation

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu}$$
 and
 - = transfer means for transferring data comprising at least said modulus m , pair of integers (a,b) and public multiplier e to a corresponding storage means (PD) provided in the cryptographic system for locally storing said data therein,

whereby the cryptographic system is provided with a trapdoor one-way function for a transformation whose trapdoor is the secret multiplier d .
2. A cryptographic communications system comprised of at least one communications channel (COM), at least one encryption station (A;B), at least one decryption station (B;A), said encryption and decryption stations being mutually linked through the communications channel, and further comprised of a trapdoor generator (TG), said trapdoor generator being characterized in that it comprises
 - = means for selecting a multiplicity r of distinct prime numbers p_i each having a respectively corresponding sum value $(p_i + 1)$ that satisfies the condition

$$(p_i + 1) \equiv 0 \pmod{j}$$
 wherein i is an integer satisfying the conditions $1 \leq i \leq r$ and j is an integer whose value is selected from 3 or 4;
 - = means for generating a modulus m that is a product of said prime numbers p_i ;
 - = means for computing the least common multiple μ of said numbers $(p_i + 1)$;
 - = means for selecting a public multiplier e which is relatively prime to μ ;
 - = means for computing a secret multiplier d according to an equation

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu}$$
 and
 - = transfer means for transferring data comprising at least said modulus m and public multiplier e to a corresponding storage means (PD) provided in the cryptographic system for locally storing said data therein,

whereby the cryptographic system is provided with a trapdoor one-way function for a transformation whose trapdoor is the secret multiplier d .
3. Cryptographic system according to claim 1 or 2, wherein said corresponding storage means is a public directory (PD) which can be interrogated by any station of the cryptographic system for locally storing therein said data transferred from said trapdoor generator (TG) by said transfer means.

4. Cryptographic system according to claim 1 or 2, wherein said corresponding storage (ECC) means is included in a station (A;B) of the cryptographic system for locally storing therein said data transferred from said trapdoor generator by said transfer means.
5. Cryptographic system according to claim 2, wherein said selected value of integer j is provided as a setting in all stations of the cryptographic system.
6. Cryptographic system according to claim 2, wherein said data transferred by said transfer means also comprise said selected value of integer j .
- 10 7. Cryptographic system according to claim 1, wherein the encryption station is a signature encryption station (A) which comprises
 = said trapdoor generator (TG) ;
 = means for selecting an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 = a message-to-elliptic-curve converter means (ME) for computing from said integer x a pair of integers (s,t) such that
 = said integer s satisfies a predetermined relationship to said integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 = said pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

 whereby said integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve ;
 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing on said point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation
- 15 20 25

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

 for computing a point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ; and
 = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (u,v) for reception thereof at a signature decryption station (B) ;
- 30 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station. (Fig.1)
- 35 8. Cryptographic system according to claim 1, wherein the encryption station is a signature encryption station (A) which comprises
 = said trapdoor generator (TG) ;
 = input means for being inputted an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 = storage means for said inputted integer x ;
 = a message-to-elliptic-curve converter means (ME) for computing from said integer x a pair of integers (s,t) such that
 = said integer s satisfies a predetermined relationship to said integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 = said pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

 whereby said integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve ;
 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing on said point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation
- 40 45 50

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

 for computing a point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ; and
 = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (u,v) for reception thereof at a signature decryption station (B) ;
- 55 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station. (Fig.1)
9. Cryptographic system according to claim 1, wherein

- the encryption station is a signature encryption station (A),
 - the trapdoor generator (TG) further comprises means for transferring at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d to the signature encryption station, and
 - 5 - the signature encryption station comprises
 - = input means for being inputted at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d ;
 - = storage means for at least said inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d ;
 - = means for selecting an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = a message-to-elliptic-curve converter means (ME) for computing from said integer x a pair of integers (s,t) such that
 - = said integer s satisfies a predetermined relationship to said integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 - = said pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 = s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 - 10 whereby said integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve ;
 - = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing on said point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation
 - 15
$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$
 - for computing a point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ; and
 - = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (u,v) for reception thereof at a signature decryption station (3) ;
 - 20 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station. (Fig.1)
 - 25
- 30 10. Cryptographic system according to claim 1, wherein
- the encryption station is a signature encryption station (A),
 - the trapdoor generator (TG) further comprises means for transferring at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d to the signature encryption station, and
 - 35 - the signature encryption station comprises
 - = input means for being inputted at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) and secret multiplier d , and further for being inputted an integer x subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 - = storage means for at least said inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , pair of integers (a,b) , secret multiplier d and integer x ;
 - = a message-to-elliptic-curve converter means (ME) for computing from said integer x a pair of integers (s,t) such that
 - = said integer s satisfies a predetermined relationship to said integer x , which relationship is provided as a setting in all stations of the cryptographic system, and
 - = said pair of integers (s,t) satisfies the condition

$$t^2 = s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 - 40 whereby said integers (s,t) are representative of a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve ;
 - = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing on said point $Q(s,t)$ an elliptic-curve computation
 - 45
- 50
$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$
 - for computing a point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ; and
 - = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (u,v) for reception thereof at a signature decryption station (B) ;
- 55 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station. (Fig.1)

11. Cryptographic system according to any one of claims 7 to 10, wherein said message-to-elliptic-curve converter means (ME) comprises

= means for computing said integer s from said integer x by assigning to said integer s the smallest value which satisfies the condition

$$s \geq x$$

and for which the expression

$$s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

evaluates to a quadratic residue \pmod{m} ; and

= means for computing said integer t as a square root \pmod{m} of said quadratic residue \pmod{m} .

12. Cryptographic system according to any one of claims 7 to 10, wherein said integer x is selected to have a predetermined inherent redundancy.

13. Cryptographic system according to claim 11, wherein said integer x is selected such that its binary representation has a predetermined number of least significant bits all having a same binary value.

14. Cryptographic system according to any one of claims 7 to 10, wherein the decryption station is a signature decryption station (B) which comprises

= receiver means (RC) for receiving said pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ;

= means for interrogating a public directory (PD) for being transferred therefrom at least said modulus m , said pair of integers (a,b) and said public multiplier e ;

= storage means for at least said transferred modulus m , pair of integers (a,b) and public multiplier e ;

= an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u,v) , an elliptic-curve computation

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

for computing a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (s,t) ;

and

= an authentication means comprising

= means (EM) for computing a decrypted signature from at least said integer s in consideration of said predetermined relationship between said integer s and said integer x , and

= means (VM) for determining whether said decrypted signature satisfies said predetermined conditions to which integer x is subjected, in which case said decrypted signature is proved authentic;

whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station (A). (Fig. 1)

15. Cryptographic system according to any one of claims 7 to 10, wherein the decryption station is a signature decryption station (B) which comprises

= receiver means (RC) for receiving said pair of integers (u,v) representative of an encrypted signature corresponding to said integer x ;

= input means for being inputted at least said modulus m , pair of integers (a,b) and public multiplier e transferred from said trapdoor generator by said transfer means;

= storage means for at least said transferred modulus m , pair of integers (a,b) and public multiplier e ;

= an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u,v) , an elliptic-curve computation

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

for computing a point $Q(s,t)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (s,t) ;

and

= an authentication means comprising

= means (EM) for computing a decrypted signature from at least said integer s in consideration of said predetermined relationship between said integer s and said integer x , and

= means (VM) for determining whether said decrypted signature satisfies said predetermined conditions to which integer x is subjected, in which case said decrypted signature is proved authentic;

whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station (A). (Fig. 1)

16. Cryptographic system according to claims 13 and 14, wherein said authentication means comprises means for determining whether each of the t least significant bits of integer s has said one and the same

predetermined binary value.

17. Cryptographic system according to claim 2, wherein the encryption station is a signature encryption station which comprises

5 = said trapdoor generator ;

= means for selecting a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;

= means for computing integer a according to equation

$$a \equiv [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

10 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;

15 = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which point is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to said pair of integers (x,y) ; and

20 = transmission means for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station ;

whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station.

- 25 18. Cryptographic system according to claim 2, wherein the encryption station is a signature encryption station which comprises

= said trapdoor generator ;

= input means for being inputted a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;

= storage means for said inputted pair of integers (x,y) ;

= means for computing integer a according to equation

$$a \equiv [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

35 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;

= an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

40 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to said pair of integers (x,y) ; and

= transmission means for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station ;

45 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station.

19. Cryptographic system according to claim 2, wherein

- the encryption station is a signature encryption station,

- the trapdoor generator further comprises means for transferring at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d to the signature encryption station, and

- the signature encryption station comprises

- input means for being inputted at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d ;

- storage means for at least said inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d ;

- means for selecting a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the crypto-

- graphic system ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which point is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$
- 10 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station ;
- 15 whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station.
- 20 20. Cryptographic system according to claim 2, wherein
- the encryption station is a signature encryption station,
 - the trapdoor generator further comprises means for transferring at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d to the signature encryption station, and
 - the signature encryption station comprises
- 25 = input means for being inputted at least said multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m and secret multiplier d , and further for being inputted a pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ and further subjected to predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
- = storage means for at least said inputted multiplicity r of distinct prime numbers p_i , modulus m , secret multiplier d and pair of integers (x,y) ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- 30 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$
- 35 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted signature corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
- 40 = transmission means for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a signature decryption station ;
- whereby the signature encryption station is capable of generating and transmitting to a corresponding signature decryption station a signature allowing its authentication at the signature decryption station.
- 45 21. Cryptographic system according to claim 5 and any one of claims 17 to 20, wherein the decryption station is a signature decryption station which comprises
- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least said modulus m and public multiplier e ;
 - = storage means for at least said transferred modulus m and public multiplier e ;
 - = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;
 - = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
- 50 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and

- 5 = an authentication means for determining whether said elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
 whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station.

- 10 22. Cryptographic system according to claim 5 and any one of claims 17 to 20, wherein the decryption station is a signature decryption station which comprises

- = input means for being inputted at least said modulus m and public multiplier e transferred from said trapdoor generator by said transfer means ;
- = storage means for at least said transferred modulus m and public multiplier e ;
- = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] (\text{mod } m)$$

- 20 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;

- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

- 25 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and

- 30 = an authentication means for determining whether said elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;

 whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station.

- 35 23. Cryptographic system according to claim 6 and any one of claims 17 to 20, wherein the decryption station is a signature decryption station which comprises

- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least said modulus m , public multiplier e and integer j ;
- = storage means for at least said transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
- = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] (\text{mod } m)$$

- 40 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;

- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

- 45 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and

- 50 = an authentication means for determining whether said elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;

 whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station.

24. Cryptographic system according to claim 6 and any one of claims 17 to 20, wherein the decryption station is a signature decryption station which comprises
- = input means for being inputted at least said modulus m , public multiplier e and integer j transferred from said trapdoor generator by said transfer means ;
 - = storage means for at least said transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
 - = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;
 - = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
 - = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$
 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; and
 - = an authentication means for determining whether said elliptic-curve computation means has successfully computed a pair of integers (x,y) satisfying the predetermined conditions provided as a setting in all stations of the cryptographic system ;
- whereby the signature decryption station is capable of decrypting and authenticating an encrypted signature received from the corresponding signature encryption station.
25. Cryptographic system according to claims 3 and 5, wherein the encryption station is a message encryption station (B) which comprises
- = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least said modulus m and public multiplier e ;
 - = storage means for at least said transferred modulus m and public multiplier e ;
 - = message input means for being inputted a pair of integers (x,y) representative of a message, satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$;
 - = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
 - = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
 - = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a message decryption station (A) ;
- whereby the message encryption station is capable of encrypting and transmitting a message allowing its decryption at a message receiving and decryption station. (Fig. 2)
26. Cryptographic system according to claims 4 and 5, wherein the encryption station is a message encryption station (B) which comprises
- = input means for being inputted at least said modulus m and public multiplier e transferred from said trapdoor generator by said transfer means ;
 - = storage means for at least said transferred modulus m and public multiplier e ;
 - = message input means for being inputted a pair of integers (x,y) representative of a message, satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$;
 - = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing

- integer a actually can be dispensed with ;
- = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
- 5 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a message decryption station (A) ;
- 10 whereby the message encryption station is capable of encrypting and transmitting a message allowing its decryption at a message receiving and decryption station. (Fig. 2)
27. Cryptographic system according to claims 3 and 6, wherein the encryption station is a message encryption station (B) which comprises
- 15 = means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least said modulus m , public multiplier e and integer j ;
- = storage means for at least said transferred modulus m and public multiplier e and integer j ;
 - = message input means for being inputted a pair of integers (x,y) representative of a message, satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$;
- 20 = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(y^2/x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 25 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
- 30 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a message decryption station (A) ;
- 35 whereby the message encryption station is capable of encrypting and transmitting a message allowing its decryption at a message receiving and decryption station. (Fig. 2)
28. Cryptographic system according to claims 4 and 6, wherein the encryption station is a message encryption station (B) which comprises
- 35 = input means for being inputted at least said modulus m , public multiplier e and integer j transferred from said trapdoor generator by said transfer means ;
- 40 = storage means for at least said transferred modulus m , public multiplier e and integer j ;
- = message input means for being inputted a pair of integers (x,y) representative of a message, satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$;
- 45 = means for computing integer a according to equation
- $$a = [(y^2/x) - x^2] \pmod{m}$$
- in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 50 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on a point $P(x,y)$ of an elliptic curve which is representative of said integers (x,y) , an elliptic-curve computation
- $$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
- 55 using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ; and
- = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (w,z) for reception thereof at a message decryption station (A) ;
- 55 whereby the message encryption station is capable of encrypting and transmitting a message allowing its decryption at a message receiving and decryption station. (Fig. 2)

29. Cryptographic system according to claim 2 and any one of claims 25 to 28, wherein the decryption station is a message decryption station which comprises

- = said trapdoor generator ;
- = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;
- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ; and

- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; whereby the message decryption station is capable of receiving and decrypting a message.

30. Cryptographic system according to claim 5 and any one of claims 25 to 28, wherein

- the decryption station is a message decryption station,
- the trapdoor generator further comprises means for transferring at least said modulus m and secret multiplier d to the message decryption station, and
- the message decryption station comprises

- = input means for being inputted at least said modulus m and secret multiplier d ;

- = storage means for at least said inputted modulus m and secret multiplier d ;

- = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;

- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ; and

- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted message ; whereby the message decryption station is capable of receiving and decrypting a message.

- 40 31. Cryptographic system according to claim 6 and any one of claims 25 to 28, wherein

- the decryption station is a message decryption station,
- the trapdoor generator further comprises means for transferring at least said modulus m , secret multiplier d and integer j to the message decryption station, and
- the message decryption station comprises

- = input means for being inputted at least said modulus m , secret multiplier d and integer j ;

- = storage means for at least said inputted modulus m , secret multiplier d and integer j ;

- = receiver means for receiving said pair of integers (w,z) representative of an encrypted message corresponding to said pair of integers (x,y) ;

- = means for computing integer a according to equation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ; and

- = an elliptic-curve computation means for performing, on a point $Q(w,z)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w,z) , an elliptic-curve computation

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

using the value of integer a computed in said computing means to compute a point $P(x,y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (x,y) representative of a decrypted mes-

- sage ;
whereby the message decryption station is capable of receiving and decrypting a message.
32. Cryptographic system according to claim 2, further comprising
 5 = a trusted authority device (TA) for issuing data allowing identification of a station of the cryptographic system ; and
 = at least one identification device (ID) included in a station of the cryptographic system and equipped with storage means (SM) for said identification allowing data ;
 10 = at least one verification device (VD) included in another station of the cryptographic system and adapted to cooperate with said identification device ;
 • said trusted authority device being equipped with said trapdoor generator and further comprising
 = means for selecting an identification data string / uniquely representative of an identity of an applicant for said identification device ;
 = means for selecting a function f that assigns to any of said unique strings / a respective unique pair of integers (x,y) satisfying the conditions $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$, whereby said integers (x,y) are representative of a point $P(x,y) = f(l)$ of an elliptic curve ;
 15 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing on said point $P(x,y)$ an elliptic-curve computation
 20
$$Q(s,f) = d \cdot P(x,y)$$

 for computing a point $Q(s,f)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (s,f) representative of an encrypted string corresponding to said identification data string l ; and
 = transfer means (TR) for transferring at least said identification data string l , modulus m , public multiplier e , pair of integers (x,y) and pair of integers (s,f) to said storage means (SM) of said identification device (ID) for storage therein. (Fig. 3)
- 25 33. Cryptographic system according to claim 32, wherein said function f is provided as a setting in all stations of the cryptographic system.
- 30 34. Cryptographic system according to claim 32, wherein said data transferred by said transfer means also comprise said function f .
- 35 35. Cryptographic system according to claim 33, wherein
 - said identification device (ID) comprises
 = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
 40 = means (RiG) for selecting a random integer r satisfying the condition $0 \leq r \leq l$ wherein l is an integer provided as a setting in the identification device and satisfying the condition $l < m$;
 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $P(u,v)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u,v) , an elliptic-curve computation

$$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x,y)$$

 for computing a point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u_x, u_y) ;
 45 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u_x, u_y) , an elliptic-curve computation

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$

 for computing a point $V(v_x, v_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (v_x, v_y) ;
 50 = transmission means (TR) for transmitting said identification data string l and pair of integers (v_x, v_y) for reception thereof at said other station including said verification device (VD) ;
 = receiver means (RC) for receiving an integer k as a challenge from said other station including said verification device ;
 = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $Q(s,f)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (s,f) , an elliptic-curve computation

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s,f)$$

 for computing a point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w_x, w_y) ;

- = transmission means (TR) for transmitting said pair of integers (w_x, w_y) for reception thereof at said other station including said verification device (VD) ;
and
- 5 · said verification device (VD) comprises
 - = means for computing from said identification data string l according to said function f said pair of integers (x, y) representative of a point $P(x, y) = f(l)$ of said elliptic curve ;
 - = means (RIG) for selecting a random integer k satisfying the condition $0 \leq k \leq (e - 1)$;
 - = transmission means (TR) for transmitting said random integer k for reception thereof at said station including said identification device as a challenge ;
 - 10 = receiver means (RC) for receiving said pair of integers (w_x, w_y) as a response to said challenge from said station including said identification challenge device (ID) ;
 - = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation
- 15 $T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$
for computing a point $T_1(t_1, t_1)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_1, t_1) ;
- = an elliptic-curve computation means (ECC) for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation
- 20 $T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$
for computing a point $T_2(t_2, t_2)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_2, t_2) ; and
- = means (CMP) for comparing said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) with each other so as to determine whether both test conditions $t_1 = t_2$ and $t_1 = t_2$ are satisfied by said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) ;
- 25 whereby the verification device is capable of determining whether an identification device is genuine. (Fig. 4)
- 30 36. Cryptographic system according to claim 34, wherein
 - said trusted authority device further comprises transfer means for transferring said function f to a corresponding storage means provided in said verification device for locally storing said function f in said verification device ;
 - said identification device comprises
 - = means for computing integer a according to equation
- 35 $a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$
in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer a at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
- 40 = means for selecting a random integer r satisfying the condition $0 \leq r \leq m$;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $P(u, v)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u, v) , an elliptic-curve computation
- 45 $U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$
for computing a point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u_x, u_y) ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u_x, u_y) , an elliptic-curve computation
- 50 $V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$
for computing a point $V(v_x, v_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (v_x, v_y) ;
- = transmission means for transmitting said identification data string l and pair of integers (v_x, v_y) for reception thereof at said other station including said verification device ;
- = receiver means for receiving an integer k as a challenge from said other station including said verification device ;
- = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $Q(s, f)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (s, f) , an elliptic-curve computation
- 55 $W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$
for computing a point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w_x, w_y) ;

- = transmission means for transmitting said pair of integers (w_x, w_y) for reception thereof at said other station including said verification device ;
 and
 5 said verification device comprises
 = input means for being inputted at least said function f from said trusted authority device by said transfer means thereof ;
 = storage means for at least said transferred function f ;
 = means for computing from said identification data string l according to said function f said pair of integers (x, y) representative of a point $P(x, y) = f(l)$ of said elliptic curve ;
 10 = means for selecting a random integer k satisfying the condition $0 \leq k \leq (e - 1)$;
 = transmission means for transmitting said random integer k for reception thereof at said station including said identification device as a challenge ;
 = receiver means for receiving said pair of integers (w_x, w_y) as a response to said challenge from said station including said identification device ;
 15 = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation

$$T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$$
 for computing a point $T_1(t_1, t_1)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_1, t_1) ;
 20 = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation

$$T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$
 for computing a point $T_2(t_2, t_2)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_2, t_2) ; and
 25 = means for comparing said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) with each other so as to determine whether both test conditions $t_1 = t_2$ and $t_1 = t_2$ are satisfied by said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) ;
 30 whereby the verification device is capable of determining whether an identification device is genuine.
37. Cryptographic system according to claim 34, wherein
- said trusted authority device further comprises transfer means for transferring said function f to a public directory which can be interrogated by any station for locally storing said function f in said station ;
 - 35 • said identification device comprises
 = means for computing integer a according to equation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
 in case the value $j = 4$ has been selected and according to equation $a = 0$ in case the value $j = 3$ has been selected for said integer j at the trapdoor generator, in which latter case the means for computing integer a actually can be dispensed with ;
 = means for selecting a random integer r satisfying the condition $0 \leq r \leq m$;
 = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $P(u, v)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u, v) , an elliptic-curve computation

$$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$
 for computing a point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (u_x, u_y) ;
 = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $U(u_x, u_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (u_x, u_y) , an elliptic-curve computation

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$
 for computing a point $V(v_x, v_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (v_x, v_y) ;
 = transmission means for transmitting said identification data string l and pair of integers (v_x, v_y) for reception thereof at said other station including said verification device ;
 = receiver means for receiving an integer k as a challenge from said other station including said verification device ;
 55 = an elliptic-curve computation means for performing, on said point $Q(s, t)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (s, t) , an elliptic-curve computation

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, t)$$

for computing a point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (w_x, w_y) ;
= transmission means for transmitting said pair of integers (w_x, w_y) for reception thereof at said other station including said verification device ;
5 and
· said verification device comprises
= means for interrogating a public directory for being transferred therefrom at least said function f ;
= storage means for at least said transferred function f ;
10 = means for computing from said identification data string I according to said function f said pair of integers (x, y) representative of a point $P(x, y) = f(I)$ of said elliptic curve ;
= means for selecting a random integer k satisfying the condition $0 \leq k \leq (e - 1)$;
= transmission means for transmitting said random integer k for reception thereof at said station including said identification device as a challenge ;
15 = receiver means for receiving said pair of integers (w_x, w_y) as a response to said challenge from said station including said identification device ;
= an elliptic-curve computation means for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation

$$T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$$

20 for computing a point $T_1(t_1, t_1)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_1, t_1) ;
= an elliptic-curve computation means for performing, on said point $W(w_x, w_y)$ of said elliptic curve whose coordinates are said pair of integers (w_x, w_y) , an elliptic-curve computation

$$T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$

25 for computing a point $T_2(t_2, t_2)$ of said elliptic curve whose coordinates are a pair of integers (t_2, t_2) ; and
= means for comparing said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) with each other so as to determine whether both test conditions $t_1 = t_2$ and $t_1 = t_2$ are satisfied by said pairs of integers (t_1, t_1) and (t_2, t_2) ;
30 whereby the verification device is capable of determining whether an identification device is genuine.

38. Cryptographic system according to any one of claims 35 to 37, wherein said means for selecting a random integer k and said transmission means for transmitting said random integer k as a challenge are constructed for recurrent operation a plurality of times in the course of an identification session.
35

Patentansprüche

- 40 1. Kryptographisches Übertragungssystem mit mindestens einem Übertragungskanal (COM), mindestens einer Chiffrierstation (A;B), mindestens einer Dechiffrierstation (B;A), wobei diese Chiffrier- bzw. Dechiffrerstationen über den Übertragungskanal miteinander verbunden sind, und ausserdem mit einem Falltür-Generator (TG), wobei dieser Falltür-Generator dadurch gekennzeichnet ist, dass er umfasst :
45 = Mittel zum Auswählen einer Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , wobei i eine ganze Zahl ist, welche die Bedingungen $1 \leq i \leq r$ erfüllt ;
= Mittel zum Generieren eines Moduls m , welcher das Produkt der genannten Primzahlen p_i ist ;
= Mittel zum Auswählen eines Paares von ganzen Zahlen (a, b) , welche die Bedingungen $0 \leq a < m$ und $0 \leq b < m$ erfüllen ;
50 = Mittel zum Berechnen, für jede Primzahl p_i , einer Zahl $N(p_i)$ von verschiedenen Paaren von ganzen Zahlen (x, y) , welche die Bedingungen $0 \leq x < p_i$ und $0 \leq y < p_i$ und ausserdem die Bedingung

$$y^2 \equiv x^3 + a \cdot x + b \pmod{p_i}$$
 erfüllen, und zum Berechnen eines Summenwertes $N(p_i) + 1$ aus diesen Zahlen $N(p_i)$, welcher Summenwert eine Ordnungszahl einer solchen elliptischen Kurve darstellt, die als die Menge dieser genannten Paare von ganzen Zahlen (x, y) definiert ist ;
55 = Mittel zum Berechnen des kleinsten gemeinsamen Vielfachen μ der genannten Summenwerte $N(p_i) + 1$;
= Mittel zum Auswählen eines öffentlichen Multiplikators e , welcher zu μ teilerfremd ist ;

- = Mittel zum Berechnen eines geheimen Multiplikators d entsprechend einer Gleichung
 $d \equiv 1/e \pmod{\mu}$;
 und
 = Übertragungsmittel zum Übertragen von zumindest den genannten Modul m , das genannte Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten öffentlichen Multiplikator e umfassenden Daten zu einem entsprechenden Speichermittel (PD), das im kryptographischen System vorgesehen ist, um lokal darin die genannten Daten zu speichern,
 so dass das kryptographische System mit einer Falltür-Einweg-Funktion für eine Transformation, deren Falltür der geheime Multiplikators d ist, versehen ist.
10. 2. Kryptographisches Übertragungssystem mit mindestens einem Übertragungskanal (COM), mindestens einer Chiffrierstation (A;B), mindestens einer Dechiffrierstation (B;A), wobei diese Chiffrier- bzw. Dechiffrierstationen über den Übertragungskanal miteinander verbunden sind, und außerdem mit einem Falltür-Generator (TG), wobei dieser Falltür-Generator dadurch gekennzeichnet ist, dass er umfasst :
15. = Mittel zum Auswählen einer Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , von denen jede einen jeweils entsprechenden Summenwert $(p_i + 1)$ aufweist, der die Bedingung

$$(p_i + 1) \equiv 1 \pmod{j}$$

 erfüllt, wobei j eine ganze Zahl ist, welche die Bedingungen $1 \leq j \leq r$ erfüllt, und j eine ganze Zahl ist, deren Wert aus 3 oder 4 ausgewählt ist ;
20. = Mittel zum Generieren eines Moduls m , welcher das Produkt der genannten Primzahlen p_i ist;
 = Mittel zum Berechnen des Kleinsten gemeinsamen Vielfachen μ der genannten Zahlen $(p_i + 1)$;
 = Mittel zum Auswählen eines öffentlichen Multiplikators e , welcher zu μ teilerfremd ist ;
 = Mittel zum Berechnen eines geheimen Multiplikators d entsprechend einer Gleichung

$$d \equiv 1/e \pmod{\mu}$$
 ;
 und
 = Übertragungsmittel zum Übertragen von zumindest den genannten Modul m und den genannten öffentlichen Multiplikator e umfassenden Daten zu einem entsprechenden Speichermittel (PD), das im kryptographischen System vorgesehen ist, um lokal darin die genannten Daten zu speichern,
 so dass das kryptographische System mit einer Falltür-Einweg-Funktion für eine Transformation, deren Falltür der geheime Multiplikators d ist, versehen ist.
30. 3. Kryptographisches System nach Anspruch 1 oder 2, bei welchem das genannte entsprechende Speichermittel ein öffentliches Verzeichnis (PD) ist, das von einer beliebigen Station des kryptographischen Systems abfragbar ist, um lokal darin die genannten, aus dem genannten Falltür-Generator (TG) durch die genannten Übertragungsmittel übertragenen Daten zu speichern.
35. 4. Kryptographisches System nach Anspruch 1 oder 2, bei welchem das genannte entsprechende Speichermittel (ECC) in einer Station (A;B) des kryptographischen Systems eingebettet ist, um lokal darin die genannten, aus dem genannten Falltür-Generator durch die genannten Übertragungsmittel übertragenen Daten zu speichern.
40. 5. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem der genannte ausgewählte Wert der ganzen Zahl j als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist.
45. 6. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem die genannten, durch die genannten Übertragungsmittel übertragenen Daten auch den genannten ausgewählten Wert der ganzen Zahl j umfassen.
7. Kryptographisches System nach Anspruch 1, bei welchem die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation (A) ist, welche umfasst :
50. = den genannten Falltür-Generator (TG) ;
 = Mittel zum Auswählen einer ganzen Zahl x , welche vorbestimmte Bedingungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
 = Mittel (ME) zur Konversion Mitteilung-zu-elliptischer-Kurve zum Berechnen eines Paares von ganzen Zahlen (s,t) aus der genannten ganzen Zahl x , derart, dass
 = die genannte ganze Zahl s in einer vorbestimmten Beziehung zur genannten ganzen Zahl x steht, wobei diese Beziehung als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist, und
 = das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,t) die Bedingung
- 55.

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

erfüllt, wobei die genannten ganzen Zahlen (s,t) einen Punkt $Q(s,t)$ der genannten elliptischen Kurve darstellen ;

- 5 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

am genannten Punkt $Q(s,t)$ zur Berechnung eines Punktes $P(u,v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und

- 10 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ; so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht. (Fig. 1)

- 15 8. Kryptographisches System nach Anspruch 1, bei welchem die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation (A) ist, welche umfasst :

- = den genannten Falltür-Generator (TG) ;
- = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe einer ganzen Zahl x , welche vorbestimmte Bedingungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
- = Speichermittel für die genannte eingegebene ganze Zahl x ;
- = Mittel (ME) zur Konversion Mitteilung-zu-elliptischer-Kurve zum Berechnen eines Paares von ganzen Zahlen (s,t) aus der genannten ganzen Zahl x , derart, dass

20 = die genannte ganze Zahl s in einer vorbestimmten Beziehung zur genannten ganzen Zahl x steht, wobei diese Beziehung als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist, und

25 = das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,t) die Bedingung

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

- 30 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

35 am genannten Punkt $Q(s,t)$ zur Berechnung eines Punktes $P(u,v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und

- = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ;

- 40 so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht. (Fig. 1)

9. Kryptographisches System nach Anspruch 1, bei welchem

- 45 - die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation (A) ist,
- der genannte Falltür-Generator (TG) zudem Mittel zum Übertragen zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m , des genannten Paares von ganzen Zahlen (a,b) und des genannten geheimen Multiplikators d zur Unterschriften-Chiffrierstation umfasst, und
- die Unterschriften-Chiffrierstation umfasst :

50 = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m , des genannten Paares von ganzen Zahlen (a,b) und des genannten geheimen Multiplikators d ;

55 = Speichermittel zumindest für die genannte eingegebene Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , den genannten eingegebenen Modul m , das genannte eingegebene Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten eingegebenen geheimen Multiplikator d ;

= Mittel zum Auswählen einer ganzen Zahl x , welche vorbestimmte Bedingungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;

= Mittel (ME) zur Konversion Mitteilung-zu-elliptischer-Kurve zum Berechnen eines Paares von gan-

- zen Zahlen (s,f) aus der genannten ganzen Zahl x, derart, dass
 = die genannte ganze Zahl s in einer vorbestimmten Beziehung zur genannten ganzen Zahl x steht, wobei diese Beziehung als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist, und
 = das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,f) die Bedingung

$$f^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

erfüllt, wobei die genannten ganzen Zahlen (s,f) einen Punkt Q(s,f) der genannten elliptischen Kurve darstellen ;
 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,f)$$

am genannten Punkt Q(s,f) zur Berechnung eines Punktes P(u,v) der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und
 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ;
 so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht. (Fig. 1)

10. Kryptographisches System nach Anspruch 1, bei welchem
- die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation (A) ist,
 - der genannte Falltür-Generator (TG) zudem Mittel zum Übertragen zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i, des genannten Moduls m, des genannten Paares von ganzen Zahlen (a,b) und des genannten geheimen Multiplikators d zur Unterschriften-Chiffrierstation umfasst, und
 - die Unterschriften-Chiffrierstation umfasst :
 - = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i, des genannten Moduls m, des genannten Paares von ganzen Zahlen (a,b) und des genannten geheimen Multiplikators d, und zudem zur Aufnahme der Eingabe einer ganzen Zahl x, welche vorbestimmte Bedingungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
 - = Speichermittel zumindest für die genannte eingegebene Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i, den genannten eingegebenen Modul m, das genannte eingegebene Paar von ganzen Zahlen (a,b), den genannten eingegebenen geheimen Multiplikator d und die genannte eingegebene ganze Zahl x ;
 - = Mittel (ME) zur Konversion Mitteilung-zu-elliptischer-Kurve zum Berechnen eines Paares von ganzen Zahlen (s,f) aus der genannten ganzen Zahl x, derart, dass
 - = die genannte ganze Zahl s in einer vorbestimmten Beziehung zur genannten ganzen Zahl x steht, wobei diese Beziehung als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist, und
 - = das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,f) die Bedingung

$$f^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 - = erfüllt, wobei die genannten ganzen Zahlen (s,f) einen Punkt Q(s,f) der genannten elliptischen Kurve darstellen ;
 - = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,f)$$

am genannten Punkt Q(s,f) zur Berechnung eines Punktes P(u,v) der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und
 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ;
 so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht. (Fig. 1)

11. Kryptographisches System nach einem der Ansprüche 7 bis 10, bei welchem die genannten Mittel (ME)

zur Konversion Mitteilung-zu-elliptischer-Kurve umfassen :

= Mittel zum Berechnen der genannten ganzen Zahl s aus der genannten ganzen Zahl x , indem der genannte ganze Zahl s der kleinste Wert zugeordnet wird, welcher die Bedingung

$$s \geq x$$

erfüllt und für welchen die Ausrechnung des Ausdrucks

$$s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

einen quadratischen Rest (\pmod{m}) ergibt ; und

= Mittel zum Berechnen der genannten ganzen Zahl t als Quadratwurzel (\pmod{m}) des genannten quadratischen Restes (\pmod{m}) .

5

12. Kryptographisches System nach einem der Ansprüche 7 bis 10, bei welchem die genannte ganze Zahl x so ausgewählt wird, dass sie eine vorbestimmte inhärente Redundanz aufweist.

10

13. Kryptographisches System nach Anspruch 11, bei welchem die genannte ganze Zahl x so ausgewählt wird, dass ihre binäre Darstellung eine vorbestimmte Anzahl von niedrigstwertigen Bits aufweist, die allen den gleichen binären Wert aufweisen.

15

14. Kryptographisches System nach einem der Ansprüche 7 bis 10, bei welchem die Dechiffrierstation eine Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ist, welche umfasst :

20

= Empfängermittel (RC) zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) , welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrte Unterschrift darstellen ;

= Mittel zum Abfragen eines öffentlichen Verzeichnisses (PD), um daraus zumindest den genannten Modul m , das genannte Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten öffentlichen Multiplikator e übertragen zu erhalten ;

25

= Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , das genannte übertragene Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e ;

= Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

30

am genannten Punkt $P(u,v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, zur Berechnung eines Punktes $Q(s,t)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,t) sind ; und

= ein Authentisierungsmittel, welches umfasst :

35

= Mittel (EM) zum Berechnen einer dechiffrierten Unterschrift zumindest aus der genannten ganzen Zahl s unter Berücksichtigung der genannten vorbestimmten Beziehung zwischen der genannten ganzen Zahl s und der genannten ganzen Zahl x , und

= Mittel (VM) zur Feststellung, ob die genannte dechiffrierte Unterschrift die vorbestimmten Bedingungen erfüllt, denen die ganze Zahl x unterstellt ist, in welchem Fall die genannte dechiffrierte Unterschrift als authentisch erwiesen gilt ;

40

so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine von der entsprechenden Unterschriften-Chiffrierstation (A) empfangene chiffrte Unterschrift zu dechiffrieren und authentisieren. (Fig. 1)

15. Kryptographisches System nach einem der Ansprüche 7 bis 10, bei welchem die Dechiffrierstation eine Unterschriften-Dechiffrierstation (B) ist, welche umfasst :

45

= Empfängermittel (RC) zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (u,v) , welche eine der genannten ganzen Zahl x entsprechende chiffrte Unterschrift darstellen ;

= Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m , des genannten Paares von ganzen Zahlen (a,b) und des genannten öffentlichen Multiplikators e , welche aus dem genannten Falltür-Generator durch das genannte Übertragungsmittel übertragen erhalten wurden ;

50

= Mittel zum Abfragen einer öffentlichen Verzeichnisses (PD), um daraus zumindest den genannten Modul m , das genannte Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten öffentlichen Multiplikator e übertragen zu erhalten ;

= Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , das genannte übertragene Paar von ganzen Zahlen (a,b) und den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e ;

55

= Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

am genannten Punkt $P(u,v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte

Paar von ganzen Zahlen (u,v) sind, zur Berechnung eines Punktes $Q(s,t)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (s,t) sind ; und

= ein Authentisierungsmittel, welches umfasst :

= Mittel (EM) zum Berechnen einer dechiffrierten Unterschrift zumindest aus der genannten ganzen Zahl s unter Berücksichtigung der genannten vorbestimmten Beziehung zwischen der genannten ganzen Zahl s und der genannten ganzen Zahl x , und

= Mittel (VM) zur Feststellung, ob die genannte dechiffrierte Unterschrift die vorbestimmten Bedingungen erfüllt, denen die ganze Zahl x unterstellt ist, in welchem Fall die genannte dechiffrierte Unterschrift als authentisch erwiesen gilt ;

so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine von der entsprechenden Unterschriften-Chiffrierstation (A) empfangene chiffrierte Unterschrift zu dechiffrieren und authentisieren. (Fig. 1)

16. Kryptographisches System nach den Ansprüchen 13 und 14, bei welchem das genannte Authentisierungsmittel Mittel zur Feststellung, ob jedes der t niedrigstwertigen Bits der ganzen Zahl s den genannten gleichen binären Wert aufweist, umfasst.

17. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation ist, welche umfasst :

= den genannten Falltür-Generator ;

= Mittel zum Auswählen eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche die Bedingungen $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ erfüllen und zudem vorbestimmte Bedingungen erfüllen, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;

= Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;

= Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, wobei dieser Punkt die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und

= Übertragungsmittel zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation

so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht.

18. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation ist, welche umfasst :

= den genannten Falltür-Generator ;

= Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche die Bedingungen $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ erfüllen und zudem vorbestimmte Bedingungen erfüllen, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;

= Speichermittel für das genannte Paar von ganzen Zahlen (x,y) ;

= Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;

= Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

- an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, welcher die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und
- = Übertragungsmittel zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation ;
- so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht
- 19. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem**
- die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation ist,
 - der genannte Falltür-Generator zudem Mittel zum Übertragen zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d zur Unterschriften-Chiffrierstation umfasst, und
 - die Unterschriften-Chiffrierstation umfasst :
- = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d ;
- = Speichermittel zumindest für die genannte eingegebene Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , den genannten eingegebenen Modul m und den genannten eingegebenen geheimen Multiplikator d ;
- = Mittel zum Auswählen eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche die Bedingungen $0 \leq x < m$ und $0 \leq y < m$ erfüllen und zudem vorbestimmte Bedingungen erfüllen, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
- = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung
- $$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$
- in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$
- an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, wobei dieser Punkt die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Unterschrift darstellen ; und
- = Übertragungsmittel zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Unterschriften-Dechiffrierstation ;
- so dass die Unterschriften-Chiffrierstation fähig ist, eine Unterschrift zu generieren und einer entsprechenden Unterschriften-Dechiffrierstation zu übertragen, welche Unterschrift ihre Authentisierung an der Unterschriften-Dechiffrierstation ermöglicht
- 20. Kryptographisches System nach Anspruch 2, bei welchem**
- die Chiffrierstation eine Unterschriften-Chiffrierstation ist,
 - der genannte Falltür-Generator zudem Mittel zum Übertragen zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d zur Unterschriften-Chiffrierstation umfasst, und
 - die Unterschriften-Chiffrierstation umfasst :
- = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest der genannten Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d , und zudem zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche die Bedingungen $0 \leq x < m$ und $0 \leq y < m$ erfüllen und zudem vorbestimmte Bedingungen erfüllen, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
- = Speichermittel zumindest für die genannte eingegebene Mehrzahl r von verschiedenen Primzahlen p_i , den genannten eingegebenen Modul m und den genannten eingegebenen geheimen Mul-

- nen öffentlichen Multiplikator e ;
 = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem
 genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
 = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt
 wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die ge-
 nannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen
 einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 10 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berech-
 nung

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

 an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen
 (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der
 15 ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten
 ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und
 = ein Authentisierungsmittel zur Feststellung, ob das genannte Mittel zum Berechnen von elliptischen
 Kurven mit Erfolg ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) berechnet hat, das die vorbestimmten Bedin-
 gungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen
 20 sind ;
 so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine von der entsprechenden Unterschriften-Chif-
 frierstation empfangene chiffrierte Unterschrift zu dechiffrieren und authentisieren.
23. Kryptographisches System nach Anspruch 6 und einem der Ansprüche 17 bis 20, bei welchem die De-
 chiffrierstation eine Unterschriften-Dechiffrierstation ist, welche umfasst ;
 25 = Mittel zum Abfragen eines öffentlichen Verzeichnisses, um daraus zumindest den genannten Modul
 m , den genannten öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j übertragen zu erhalten ;
 = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , den genannten übertragenen
 öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j ;
 30 = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem
 genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
 = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt
 35 wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die ge-
 nannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen
 einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berech-
 nung

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

 an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen
 (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der
 40 ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten
 ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und
 = ein Authentisierungsmittel zur Feststellung, ob das genannte Mittel zum Berechnen von elliptischen
 Kurven mit Erfolg ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) berechnet hat, das die vorbestimmten Bedin-
 gungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen
 45 sind ;
 so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine von der entsprechenden Unterschriften-Chif-
 frierstation empfangene chiffrierte Unterschrift zu dechiffrieren und authentisieren.
- 50 24. Kryptographisches System nach Anspruch 6 und einem der Ansprüche 17 bis 20, bei welchem die De-
 chiffrierstation eine Unterschriften-Dechiffrierstation ist, welche umfasst :
 = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m , des genannten öf-
 fentlichen Multiplikators e und der genannten ganze Zahl j , welche aus dem genannten Falltür-Ge-
 nerator durch das genannte Übertragungsmittel übertragen erhalten wurden ;
 55 = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , den genannten übertragenen
 öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j ;

- = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
- = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

5 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
- 10 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und
- 15 = ein Authentisierungsmittel zur Feststellung, ob das genannte Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven mit Erfolg ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) berechnet hat, das die vorbestimmten Bedingungen erfüllt, die in allen Stationen des kryptographischen Systems als Voreinstellung vorgesehen sind ;
- 20 so dass die Unterschriften-Dechiffrierstation fähig ist, eine von der entsprechenden Unterschriften-Chiffrierstation empfangene chiffrierte Unterschrift zu dechiffrieren und authentisieren.
- 25 25. Kryptographisches System nach den Ansprüchen 3 und 5, bei welchem die Chiffrierstation eine Mitteilungs-Chiffrierstation (B) ist, welche umfasst :
 - = Mittel zum Abfragen eines öffentlichen Verzeichnisses, um daraus zumindest den genannten Modul m und den genannten öffentlichen Multiplikator e übertragen zu erhalten ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m und den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e ;
 - = Mitteilungs-Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche eine Mitteilung darstellen und die Bedingungen $0 \leq x < m$ und $0 \leq y < m$ erfüllen ;
 - = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 - = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$

40 an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, welcher die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ; und
 - 45 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Mitteilungs-Dechiffrierstation (A) ;
so dass die Mitteilungs-Chiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu chiffrieren und zu übertragen, welche Mitteilung ihre Dechiffrierung an einer Empfangs- und Dechiffrierstation für Mitteilungen ermöglicht. (Fig. 2)
- 50 50. 26. Kryptographisches System nach den Ansprüchen 4 und 5, bei welchem die Chiffrierstation eine Mitteilungs-Chiffrierstation (B) ist, welche umfasst :
 - = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m und des genannten öffentlichen Multiplikators e , welche aus dem genannten Falltür-Generator durch das genannte Übertragungsmittel übertragen erhalten wurden ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m und den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e ;
 - = Mitteilungs-Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche

- eine Mitteilung darstellen und die Bedingungen $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ erfüllen ;
- = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind
 - = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$
- an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, welcher die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ; und
- = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Mitteilungs-Deciphrierstation (A) ;
 - so dass die Mitteilungs-Chiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu chiffrieren und zu übertragen, welche Mitteilung ihre Deciphrierung an einer Empfangs- und Deciphrierstation für Mitteilungen ermöglicht. (Fig. 2)
- 27.** Kryptographisches System nach den Ansprüchen 3 und 6, bei welchem die Chiffrierstation eine Mitteilungs-Chiffrierstation (B) ist, welche umfasst :
- = Mittel zum Abfragen eines öffentlichen Verzeichnisses, um daraus zumindest den genannten Modul m , den genannten öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j übertragen zu erhalten ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j ;
 - = Mitteilungs-Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche eine Mitteilung darstellen und die Bedingungen $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ erfüllen ;
 - = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 - = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$
- an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, welcher die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ; und
- = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Mitteilungs-Deciphrierstation (A) ;
 - so dass die Mitteilungs-Chiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu chiffrieren und zu übertragen, welche Mitteilung ihre Deciphrierung an einer Empfangs- und Deciphrierstation für Mitteilungen ermöglicht. (Fig. 2)
- 28.** Kryptographisches System nach den Ansprüchen 4 und 6, bei welchem die Chiffrierstation eine Mitteilungs-Chiffrierstation (B) ist, welche umfasst :
- = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m , des genannten öffentlichen Multiplikators e und der genannten ganze Zahl j , welche aus dem genannten Falltür-Generator durch das genannte Übertragungsmittel übertragen erhalten wurden ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten übertragenen Modul m , den genannten übertragenen öffentlichen Multiplikator e und die genannte ganze Zahl j ;
 - = Mitteilungs-Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe eines Paares von ganzen Zahlen (x,y) , welche eine Mitteilung darstellen und die Bedingungen $0 \leq x < m$ and $0 \leq y < m$ erfüllen ;

- = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
- = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
- an einem Punkt $P(x,y)$ einer elliptischen Kurve, welcher die genannten ganzen Zahlen (x,y) darstellt, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ; und
- = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paars von ganzen Zahlen (w,z) zum Zwecke deren Empfangs an einer Mitteilungs-Dechiffrierstation (A) ;
 so dass die Mitteilungs-Chiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu chiffrieren und zu übertragen, welche Mitteilung ihre Dechiffrierung an einer Empfangs- und Dechiffrierstation für Mitteilungen ermöglicht. (Fig. 2)
- 29.** Kryptographisches System nach Anspruch 2 und einem der Ansprüche 25 bis 28, bei welchem die Dechiffrierstation eine Mitteilungs-Dechiffrierstation ist, welche umfasst :
- = den genannten Falltür-Generator ;
 - = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paars von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
 - = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 - = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$
- an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und so dass die Mitteilungs-Dechiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu empfangen und zu dechiffrieren.
- 30.** Kryptographisches System nach Anspruch 5 und einem der Ansprüche 25 bis 28, bei welchem
- die Dechiffrierstation eine Mitteilungs-Dechiffrierstation ist,
 - der Falltür-Generator zudem Mittel zum Übertragen zumindest des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d zur Mitteilungs-Dechiffrierstation umfasst, und
 - die Mitteilungs-Dechiffrierstation umfasst :
 - = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m und des genannten geheimen Multiplikators d ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten eingegebenen Modul m und den genannten eingegebenen geheimen Multiplikator d ;
 - = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paars von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
 - = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 - = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

rechnung

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und

so dass die Mitteilungs-Dechiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu empfangen und zu dechiffrieren.

10 31. Kryptographisches System nach Anspruch 6 und einem der Ansprüche 25 bis 28, bei welchem

- die Dechiffrierstation eine Mitteilungs-Dechiffrierstation ist,
- der Falltür-Generator zudem Mittel zum Übertragen zumindest des genannten Moduls m , des genannten geheimen Multiplikators d und der genannten ganzen Zahl j zur Mitteilungs-Dechiffrierstation umfasst, und
- die Mitteilungs-Dechiffrierstation umfasst :
 - = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest des genannten Moduls m des genannten geheimen Multiplikators d und der genannten ganzen Zahl j ;
 - = Speichermittel zumindest für den genannten eingegebenen Modul m , den genannten eingegebenen geheimen Multiplikator d und die genannte ganze Zahl j ;
 - = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w,z) , welche eine dem genannten Paar von ganzen Zahlen (x,y) entsprechende chiffrierte Mitteilung darstellen ;
 - = Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;

= Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

an einem Punkt $Q(w,z)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (w,z) sind, unter Verwendung des in dem genannten Mittel zum Berechnen berechneten Wertes der ganzen Zahl a , um einen Punkt $P(x,y)$ derjenigen elliptischen Kurve zu berechnen, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (x,y) sind, welche eine dechiffrierte Mitteilung darstellen ; und

so dass die Mitteilungs-Dechiffrierstation fähig ist, eine Mitteilung zu empfangen und zu dechiffrieren.

30 32. Kryptographisches System nach Anspruch 2, das zudem umfasst :

- = eine Vertrauensbehörde (TA) zur Ausgabe von Daten, welche die Identifikation einer Station des kryptographischen Systems ermöglichen ; und
- = zumindest eine in einer Station des kryptographischen Systems enthaltene Identifikationsvorrichtung (ID), die mit Speichermittel (SM) für die genannten, die Identifikation ermöglichen Daten versehen ist ;
- = zumindest eine in einer anderen Station des kryptographischen Systems enthaltene Überprüfungs-vorrichtung (VD), die dazu ausgebildet ist, mit der genannten Identifikationsvorrichtung zusammenzuarbeiten ;
- wobei die genannte Vertrauensbehörde mit dem genannten Falltür-Generator versehen ist und zudem umfasst :
 - = Mittel zum Auswählen einer Identifikations-Datenfolge I , die eine Identität eines Antragstellers für die genannte Identifikationsvorrichtung eindeutig darstellt ;
 - = Mittel zum Auswählen einer Funktion f , die einer beliebigen der genannten eindeutigen Datenfolgen I ein entsprechendes eindeutiges Paar von ganzen Zahlen (x,y) zuordnet, welche die Bedingungen $0 \leq x < m$ und $0 \leq y < m$ erfüllen, wobei diese ganzen Zahlen (x,y) einen Punkt $P(x,y) = f(I)$ einer elliptischen Kurve darstellen ;
 - = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$Q(s,f) = d \cdot P(x,y)$$

am genannten Punkt $P(x,y)$ zur Berechnung eines Punktes $Q(s,f)$ der genannten elliptischen Kurve,

- dessen Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (s,f) sind, welche eine der genannten Identifikations-Datenfolge / entsprechende chiffrierte Datenfolge darstellen ; und
- = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen zumindest der genannten Identifikations-Datenfolge /, des genannten Moduls m , des genannten öffentlichen Multiplikators e , des genannten Paares von ganzen Zahlen (x,y) und des genannten Paares von ganzen Zahlen (s,f) zu dem genannten Speichermittel (SM) der genannten Identifikationsvorrichtung (ID), um sie darin zu speichern. (Fig. 3)
- 5 33. Kryptographisches System nach Anspruch 32, bei welchem die genannte Funktion f als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist.
- 10 34. Kryptographisches System nach Anspruch 32, bei welchem die genannten, durch die genannten Übertragungsmittel übertragenen Daten auch die genannte Funktion f umfassen.
- 15 35. Kryptographisches System nach Anspruch 33, bei welchem :
- die genannte Identifikationsvorrichtung (ID) umfasst :
 - = Mittel zum Berechnen der ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung
- $$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
- 20 in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
- 25 = Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl r , welche die Bedingungen $0 \leq r \leq l$ erfüllt, wobei l eine ganze Zahl ist, welche als Voreinstellung in allen Stationen des kryptographischen Systems vorgesehen ist und die Bedingung $l < m$ erfüllt ;
- 30 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$
- am genannten Punkt $P(u, v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u, v) sind, zur Berechnung eines Punktes $U(u_x, u_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind ;
- 35 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$
- am genannten Punkt $U(u_x, u_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $V(v_x, v_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (v_x, v_y) sind ;
- 40 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen zumindest der genannten Identifikations-Datenfolge / und des genannten Paares von ganzen Zahlen (v_x, v_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungsvorrichtung (VD) enthaltende Station ;
- 45 = Empfängermittel (RC) zum Empfangen einer ganzen Zahl k als Herausforderung aus der genannten anderen, die Überprüfungsvorrichtung enthaltende Station ;
- 50 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$
- am genannten Punkt $Q(s, f)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (s, f) sind, zur Berechnung eines Punktes $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind ;
- 55 = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w_x, w_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungsvorrichtung (VD) enthaltende Station ; und
- die genannte Überprüfungsvorrichtung (VD) umfasst :
 - = Mittel zum Berechnen des genannten Paares von ganzen Zahlen (x, y) , welche einen Punkt $P(x, y) = f(f)$ der genannten elliptischen Kurve darstellen, aus der genannten Identifikations-Datenfolge / entsprechend der genannten Funktion f ;
 - = Mittel (RIG) zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k , welche die Bedingung $0 \leq k \leq (e - 1)$ erfüllt ;
 - = Übertragungsmittel (TR) zum Übertragen der genannten zufälligen ganzen Zahl k , zwecks deren Empfang als Herausforderung an der genannten, die Identifikationsvorrichtung enthaltende Sta-

tion ;

- = Empfängermittel (RC) zum Empfangen des genannte Paars von ganzen Zahlen (w_x, w_y) als Antwort auf die genannte Herausforderung aus der genannten, die Identifikationsvorrichtung (ID) enthaltende Station ;
- 5 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$T_1(t_{1x}, t_{1y}) = e \cdot W(w_x, w_y)$$

am genannten Punkt $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_1(t_{1x}, t_{1y})$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) sind ;

- 10 = Mittel (ECC) zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$T_2(t_{2x}, t_{2y}) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$

am genannten Punkt $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_2(t_{2x}, t_{2y})$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_{2x}, t_{2y}) sind ; und

- 15 = Mittel (CMP) zum Vergleichen der genannten Paare von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) und (t_{2x}, t_{2y}) miteinander zur Feststellung, ob die beiden Testbedingungen $t_{1x} = t_{2x}$ und $t_{1y} = t_{2y}$ von den genannten Paaren von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) und (t_{2x}, t_{2y}) erfüllt werden ;

so dass die Überprüfungsvorrichtung fähig ist festzustellen, ob eine Identifikationsvorrichtung echt ist. (Fig. 4)

25 36. Kryptographisches System nach Anspruch 34, bei welchem

- die genannte Vertrauensbehörde zudem Übertragungsmittel zum Übertragen der genannten Funktion f zu einem entsprechenden Speichermittel, das in der genannten Überprüfungsvorrichtung vorgesehen ist, umfasst, um lokal darin die genannte Funktion f zu speichern ;
- 30 · die genannte Identifikationsvorrichtung umfasst :
- = Mittel zum Berechnen der ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;

- = Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k , welche die Bedingung $0 \leq r \leq m$ erfüllt ;
- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$

am genannten Punkt $P(u, v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u, v) sind, zur Berechnung eines Punktes $U(u_x, u_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind ;

- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$

am genannten Punkt $U(u_x, u_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $V(v_x, v_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (v_x, v_y) sind ;

- 45 = Übertragungsmittel zum Übertragen zumindest der genannten Identifikations-Datenfolge / und des genannten Paars von ganzen Zahlen (v_x, v_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungsvorrichtung enthaltende Station ;

- = Empfängermittel zum Empfangen einer ganzen Zahl k als Herausforderung aus der genannten anderen, die Überprüfungsvorrichtung enthaltende Station ;

- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$

am genannten Punkt $Q(s, f)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte

- Paar von ganzen Zahlen (s, f) sind, zur Berechnung eines Punktes $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind ;
 = Übertragungsmittel zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w_x, w_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungsgeräte (VD) enthaltende Station ; und
- 5 die genannte Überprüfungsgeräte umfasst :
 = Eingabemittel zur Aufnahme der Eingabe zumindest der genannten Funktion f von der genannten Vertrauensbehörde durch deren Übertragungsmittel ;
 = Speichermittel zumindest für die genannte übertragene Funktion f ;
 10 = Mittel zum Berechnen des genannten Paares von ganzen Zahlen (x, y), welche einen Punkt $P(x, y)$ = $f(f)$ der genannten elliptischen Kurve darstellen, aus der genannten Identifikations-Datenfolge / entsprechend der genannten Funktion f ;
 = Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k , welche die Bedingung $0 \leq k \leq (e - 1)$ erfüllt ;
 15 = Übertragungsmittel zum Übertragen der genannten zufälligen ganzen Zahl k , zwecks deren Empfang als Herausforderung an der genannten, die Identifikationsgeräte enthaltende Station ;
 = Empfängermittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w_x, w_y) als Antwort auf die genannte Herausforderung aus der genannten, die Identifikationsgeräte enthaltende Station ;
 20 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$T_1(t_{1x}, t_{1y}) = e \cdot W(w_x, w_y)$$
- am genannten Punkt $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_1(t_{1x}, t_{1y})$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) sind ;
 25 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung
- $$T_2(t_{2x}, t_{2y}) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$
- am genannten Punkt $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_2(t_{2x}, t_{2y})$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_{2x}, t_{2y}) sind ; und
 30 = Mittel zum Vergleichen der genannten Paare von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) und (t_{2x}, t_{2y}) miteinander zur Feststellung, ob die beiden Testbedingungen $t_{1x} = t_{2x}$ und $t_{1y} = t_{2y}$ von den genannten Paaren von ganzen Zahlen (t_{1x}, t_{1y}) und (t_{2x}, t_{2y}) erfüllt werden ;
 35 so dass die Überprüfungsgeräte fähig ist festzustellen, ob eine Identifikationsgeräte echt ist.
- 40 37. Kryptographisches System nach Anspruch 34, bei welchem
 - die genannte Vertrauensbehörde zudem Übertragungsmittel zum Übertragen der genannten Funktion f zu einem öffentlichen Verzeichnis, das von einer beliebigen Station des kryptographischen Systems abfragbar ist, um lokal darin die genannte Funktion f zu speichern, umfasst ;
 - die genannte Identifikationsgeräte umfasst :
 45 = Mittel zum Berechnen der ganzen Zahl a entsprechend einer Gleichung

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl j der Wert $j = 4$ ausgewählt wurde, und entsprechend der Gleichung $a = 0$ in dem Fall, bei dem am Falltür-Generator für die genannte ganze Zahl der Wert $j = 3$ ausgewählt wurde, wobei in letzterem Fall die Mittel zum Berechnen einer ganzen Zahl a entbehrlich sind ;
 50 = Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k , welche die Bedingung $0 \leq k \leq m$ erfüllt ;
 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$

am genannten Punkt $P(u, v)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u, v) sind, zur Berechnung eines Punktes $U(u_x, u_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind ;
 55 = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

rechnung

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$

am genannten Punkt $U(u_x, u_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (u_x, u_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $V(v_x, v_y)$ derjenigen elliptischen Kurve, deren Koordinaten ein Paar von ganzen Zahlen (v_x, v_y) sind ;

- = Übertragungsmittel zum Übertragen zumindest der genannten Identifikations-Datenfolge e und des genannten Paares von ganzen Zahlen (v_x, v_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungs vorrichtung enthaltende Station ;
- = Empfängermittel zum Empfangen einer ganzen Zahl k als Herausforderung aus der genannten anderen, die Überprüfungs vorrichtung enthaltende Station ;
- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$

am genannten Punkt $Q(s, f)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (s, f) sind, zur Berechnung eines Punktes $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind ;

- = Übertragungsmittel zum Übertragen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w_x, w_y) zwecks deren Empfang an der genannten anderen, die Überprüfungs vorrichtung (VD) enthaltende Station ; und

- die genannte Überprüfungs vorrichtung umfasst :
 - = Mittel zum Abfragen eines öffentlichen Verzeichnisses, um daraus zumindest die genannte Funktion f übertragen zu erhalten ;
 - = Speicher mittel zumindest für die genannte übertragene Funktion f ;
 - = Mittel zum Berechnen des genannten Paares von ganzen Zahlen (x, y) , welche einen Punkt $P(x, y) = f(l)$ der genannten elliptischen Kurve darstellen, aus der genannten Identifikations-Datenfolge l entsprechend der genannten Funktion f ;
 - = Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k , welche die Bedingung $0 \leq k \leq (e - 1)$ erfüllt ;
 - = Übertragungsmittel zum Übertragen der genannten zufälligen ganzen Zahl k , zwecks deren Empfang als Herausforderung an der genannten, die Identifikations vorrichtung enthaltende Station ;
 - = Empfänger mittel zum Empfangen des genannten Paares von ganzen Zahlen (w_x, w_y) als Antwort auf die genannte Herausforderung aus der genannten, die Identifikations vorrichtung enthaltende Station ;
 - = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$$

am genannten Punkt $W(w_x, w_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (w_x, w_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_1(t_1, t_1)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_1, t_1) sind ;

- = Mittel zum Berechnen von elliptischen Kurven zur Durchführung einer Elliptische-Kurven-Berechnung

$$T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$

am genannten Punkt $V(v_x, v_y)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (v_x, v_y) sind, zur Berechnung eines Punktes $T_2(t_2, t_2)$ der genannten elliptischen Kurve, dessen Koordinaten das genannte Paar von ganzen Zahlen (t_2, t_2) sind ; und

- = Mittel zum Vergleichen der genannten Paare von ganzen Zahlen (t_1, t_1) und (t_2, t_2) miteinander zur Feststellung ob die beiden Testbedingungen $t_{1,x} = t_{2,x}$ und $t_{1,y} = t_{2,y}$ von den genannten Paaren von ganzen Zahlen (t_1, t_1) und (t_2, t_2) erfüllt werden ;

so dass die Überprüfungs vorrichtung fähig ist festzustellen, ob eine Identifikations vorrichtung echt ist.

- 38. Kryptographisches System nach einem der Ansprüche 35 bis 37, bei welchem die genannten Mittel zum Auswählen einer zufälligen ganzen Zahl k und die genannten Mittel zum Übertragen der genannten zufälligen ganzen Zahl k als Herausforderung im Hinblick auf einen mehrfach wiederholten Betrieb im Laufe einer Identifikationssitzung ausgebildet sind.

Revendications

1. Système de cryptographie comportant au moins un canal de communication (COM), au moins une station d'encryptage (A;B), au moins une station de décryptage (B;A), lesdites stations d'encryptage et de décryptage étant reliées entre elles par le canal de communication, et comportant en outre un générateur de trappe (TG), ledit générateur de trappe étant caractérisé en ce qu'il comprend
- = des moyens pour sélectionner une multiplicité r de nombres premiers distincts p_i où i est un nombre entier satisfaisant aux conditions $1 \leq i \leq r$;
 - = des moyens pour générer un module m qui est un produit desdits nombres premiers p_i ;
 - = des moyens pour sélectionner une paire de nombres entiers (a,b) satisfaisant aux conditions $0 \leq a < m$ et $0 \leq b < m$;
 - = des moyens pour calculer, pour chaque nombre premier p_i , un nombre $N(p_i)$ de paires de nombres entiers distincts (x,y) satisfaisant aux conditions $0 \leq x < p_i$ et $0 \leq y < p_i$ et satisfaisant en outre aux conditions
- $y^2 \equiv x^3 + a \cdot x + b \pmod{p_i}$
- et pour calculer à partir desdits nombres $N(p_i)$ une valeur de somme $N(p_i) + 1$ représentative d'un ordre d'une courbe elliptique définie comme étant l'ensemble desdites paires de nombres entiers (x,y) ;
- = des moyens pour calculer un plus petit commun multiple μ desdites valeurs de somme $N(p_i) + 1$;
 - = des moyens pour sélectionner un multiplicateur public e qui est premier relativement à μ ;
 - = des moyens pour calculer un multiplicateur secret d conformément à une équation
- $$d \equiv 1/e \pmod{\mu} ;$$
- et
- = des moyens de transfert pour transférer des données comprenant au moins lesdits module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur public e vers un moyen de mémorisation correspondant (PD) prévu dans le système de cryptographie pour y mémoriser localement lesdites données, de sorte que le système de cryptographie est muni d'une fonction de trappe à sens unique pour une transformation dont la trappe est le multiplicateur secret d .
2. Système de cryptographie comportant au moins un canal de communication (COM), au moins une station d'encryptage (A;B), au moins une station de décryptage (B;A), lesdites stations d'encryptage et de décryptage étant reliées entre elles par le canal de communication, et comportant en outre un générateur de trappe (TG), ledit générateur de trappe étant caractérisé en ce qu'il comprend
- = des moyens pour sélectionner une multiplicité r de nombres premiers distincts p_i ayant chacun une valeur de somme respective correspondante $(p_i + 1)$ qui satisfait à la condition
- $$(p_i + 1) \equiv 0 \pmod{j}$$
- où j est un nombre entier satisfaisant aux conditions $1 \leq j \leq r$ et j est un nombre entier dont la valeur est sélectionnée parmi 3 et 4 ;
- = des moyens pour générer un module m qui est un produit desdits nombres premiers p_i ;
 - = des moyens pour calculer le plus petit commun multiple μ desdits nombres $(p_i + 1)$;
 - = des moyens pour sélectionner un multiplicateur public e qui est premier relativement à μ ;
 - = des moyens pour calculer un multiplicateur secret d conformément à une équation
- $$d \equiv 1/e \pmod{\mu} ;$$
- et
- = des moyens de transfert pour transférer des données comprenant au moins ledits module m et multiplicateur public e vers un moyen de mémorisation correspondant (PD) prévu dans le système de cryptographie pour y mémoriser localement ledites données, de sorte que le système de cryptographie est muni d'une fonction de trappe à sens unique pour une transformation dont la trappe est le multiplicateur secret d .
3. Système de cryptographie selon la revendication 1 ou 2, dans lequel ledit moyen de mémorisation correspondant est un annuaire public (PD) qui peut être interrogé par toute station du système de cryptographie pour y mémoriser localement lesdites données transférées dudit générateur de trappe (TG) par lesdits moyens de transfert.
4. Système de cryptographie selon la revendication 1 ou 2, dans lequel ledit moyen de mémorisation correspondant (ECC) est inclus dans une station (A;B) du système de cryptographie pour y mémoriser localement lesdites données transférées dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert.

5. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel ladite valeur sélectionnée du nombre entier j est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie.

5 6. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel lesdites données transférées par lesdits moyens de transfert comprennent aussi lesdites valeur sélectionnées du nombre entier j .

10 7. Système de cryptographie selon la revendication 1, dans lequel la station d'encryptage est un station d'encryptage de signature (A) qui comprend

= ledit générateur de trappe (TG) ;

= des moyens pour sélectionner un nombre entier x soumis aux conditions pré-déterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;

= un moyen de conversion de message en courbe elliptique (ME) pour calculer à partir dudit nombre entier x une paire de nombres entiers (s,t) telle que

= ledit nombre entier s satisfait à une relation pré-déterminée avec ledit nombre entier x , laquelle relation est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie, et

= ladite paire de nombres entiers (s,t) satisfait à la condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

de sorte que lesdits nombres entiers (s,t) sont représentatifs d'un point $Q(s,t)$ de ladite courbe elliptique ;

20 = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer sur ledit point $Q(s,t)$ un calcul de courbe elliptique

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

pour calculer un point $P(u,v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u,v) représentatives d'une signature encryptée correspondant audit nombre entier x ; et

= des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (u,v) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature (B) ;

de sorte que le station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature. (Fig. 1)

30 8. Système de cryptographie selon la revendication 1, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature (A) qui comprend

= ledit générateur de trappe (TG) ;

= des moyens d'entrée destinés à recevoir l'entrée d'un nombre entier x soumis aux conditions pré-déterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;

= un moyen de mémorisation pour ledit nombre entier x entré ;

= un moyen de conversion de message en courbe elliptique (ME) pour calculer à partir dudit nombre entier x une paire de nombres entiers (s,t) telle que

= ledit nombre entier s satisfait à une relation pré-déterminée avec ledit nombre entier x , laquelle relation est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie, et

= ladite paire de nombres entiers (s,t) satisfait à la condition

$$t^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$

45 de sorte que lesdits nombres entiers (s,t) sont représentatifs d'un point $Q(s,t)$ de ladite courbe elliptique ;

= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer sur ledit point $Q(s,t)$ un calcul de courbe elliptique

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,t)$$

50 pour calculer un point $P(u,v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u,v) représentatifs d'une signature encryptée correspondant audit nombre entier x ; et

= des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (u,v) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature (B) ;

55 de sorte que le station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature. (Fig. 1)

9. Système de cryptographie selon la revendication 1, dans lequel

- la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature (A),
- le générateur de trappe (TG) comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur secret d à la station d'encryptage de signature, et
- 5 - la station d'encryptage de signature comprend
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits multiplicité r de distinct nombres premiers p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur secret d ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur secret d entrés ;
 - 10 = des moyens pour sélectionner un nombre entier x soumis aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
 - = un moyen de conversion de message en courbe elliptique (ME) pour calculer à partir dudit nombre entier x une paire de nombres entiers (s,f) telle que
 - = ledit nombre entier s satisfait à une relation prédéterminée avec ledit nombre entier x , laquelle relation est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie, et
 - = ladite paire de nombres entiers (s,f) satisfait à la condition

$$f^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 de sorte que lesdits nombres entiers (s,f) sont représentatifs d'un point $Q(s,f)$ de ladite courbe elliptique ;
 - 15 = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer sur ledit point $Q(s,f)$ un calcul de courbe elliptique

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,f)$$
 pour calculer un point $P(u,v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u,v) représentatifs d'une signature encryptée correspondant audit nombre entier x ; et
 - 20 = des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (u,v) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature (B) ;
- 25 de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature. (Fig. 1)
- 30
- 10. Système de cryptographie selon la revendication 1, dans lequel
 - la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature (A),
 - le générateur de trappe (TG) comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur secret d à la station d'encryptage de signature, et
 - la station d'encryptage de signature comprend
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur secret d , et en outre pour recevoir l'entrée d'un nombre entier x soumis aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits multiplicité r de distinct nombres premiers p_i , module m , paire de nombres entiers (a,b), multiplicateur secret d et nombre entier x entrés ;
 - = un moyen de conversion de message en courbe elliptique (ME) pour calculer à partir dudit nombre entier x une paire de nombres entiers (s,f) telle que
 - = ledit nombre entier s satisfait à une relation prédéterminée avec ledit nombre entier x , laquelle relation est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie, et
 - = ladite paire de nombres entiers (s,f) satisfait à la condition

$$f^2 \equiv s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
 de sorte que lesdits nombres entiers (s,f) sont représentatifs d'un point $Q(s,f)$ de ladite courbe elliptique ;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer sur ledit point $Q(s,f)$ un calcul de courbe elliptique

$$P(u,v) = d \cdot Q(s,f)$$
 pour calculer un point $P(u,v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u,v) représentatifs d'une signature encryptée correspondant audit nombre en-
 - 40
 - 45
 - 50
 - 55

- tier x ; et
- = des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (u,v) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature (B) ;
- 5 de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante un signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature. (Fig. 1)
11. Système de cryptographie selon une quelconque des revendications 7 to 10, dans lequel ledit moyen de conversion de message en courbe elliptique (ME) comprend
- 10 = des moyens pour calculer ledit nombre entier s à partir dudit nombre entier x en assignant audit nombre entier s la plus petite valeur qui satisfait à la condition
- $$s \geq x$$
- et pour laquelle l'expression
- $$s^3 + a \cdot s + b \pmod{m}$$
- 15 a pour résultat un résidu (\pmod{m}) quadratique ; et
- = des moyens pour calculer ledit nombre entier t comme racine carrée (\pmod{m}) dudit résidu quadratique (\pmod{m}).
12. Système de cryptographie selon une quelconque des revendications 7 to 10, dans lequel ledit nombre entier x est sélectionné de façon à présenter une redondance inhérente pré-déterminée.
- 20 13. Système de cryptographie selon la revendication 11, dans lequel ledit nombre entier x est sélectionné de façon telle que sa représentation binaire comporte un nombre pré-déterminé de bits les moins significatifs qui ont tous une même valeur binaire.
- 25 14. Système de cryptographie selon une quelconque des revendications 7 to 10, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature (B) qui comprend
- = des moyens de réception (RC) pour recevoir ladite paire de nombres entiers (u,v) représentatifs d'une signature encryptée correspondant audit nombre entier x ;
- 30 = des moyens pour interroger un annuaire public (PD) pour en recevoir le transfert d'au moins lesdits module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur public e ;
- = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur public e transférés ;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point $P(u,v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u,v), un calcul de courbe elliptique
- $$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$
- pour calculer un point $Q(s,t)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (s,t) ; et
- 40 = un moyen d'authentification comprenant
- = des moyens (EM) pour calculer une signature décryptée à partir d'au moins ledit nombre entier s en considération de ladite relation pré-déterminée entre ledit nombre entier s et ledit nombre entier x , et
 - = des moyens (VM) pour déterminer si ladite signature décryptée satisfait auxdites conditions pré-déterminées auxquelles le nombre entier x est soumis, auquel cas ladite signature décryptée est prouvée comme authentique ;
- 45 de sorte que la station de décryptage de signature est capable de déchiffrer et d'authentifier une signature encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante (A). (Fig. 1)
- 50 15. Système de cryptographie selon une quelconque des revendications 7 to 10, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature (B) qui comprend
- = des moyens de réception (RC) pour recevoir ladite paire de nombres entiers (u,v) représentatifs d'une signature encryptée correspondant audit nombre entier x ;
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur public e transférés dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , paire de nombres entiers (a,b) et multiplicateur public e transférés ;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point $P(u,v)$ de ladite courbe

elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u,v) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(s,t) = e \cdot P(u,v)$$

pour calculer un point $Q(s,t)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (s,t) ; et

= un moyen d'authentification comprenant

- = des moyens (EM) pour calculer une signature décryptée à partir d'au moins ledit nombre entier s en considération de ladite relation pré-déterminée entre ledit nombre entier s et ledit nombre entier x , et
- = des moyens (VM) pour déterminer si ladite signature décryptée satisfait auxdites conditions pré-déterminées auxquelles le nombre entier x est soumis, auquel cas ladite signature décryptée est prouvée comme authentique ;

de sorte que la station de décryptage de signature est capable de décrypter et d'authentifier une signature encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante (A). (Fig. 1)

15

16. Système de cryptographie conformément aux revendications 13 et 14, dans lequel ledit moyen d'authentification comprend des moyens pour déterminer si chacun des f bits les moins significatifs du nombre entier s ont une seule et même valeur binaire pré-déterminée.

20

17. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature qui comprend

- = ledit générateur de trappe ;
- = des moyens pour sélectionner une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$ et en outre soumis aux conditions pré-déterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
- = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;

- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

35

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'une signature encryptée correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et

- = des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature ;

40

de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature.

45

18. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature qui comprend

- = ledit générateur de trappe ;
- = des moyens d'entrée destinés à recevoir une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$ et en outre soumis aux conditions pré-déterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
- = un moyen de mémorisation pour ladite paire de nombres entiers (x,y) entrés
- = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;

- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

55

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point

- Q(w,z) de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'une signature encryptée correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
= des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature ;
5 de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature.
19. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel
10 · la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature,
 · le générateur de trappe comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m et multiplicateur secret d à la station d'encryptage de signature, et
 · la station d'encryptage de signature comprend
15 = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m et multiplicateur secret d ;
 = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m et multiplicateur secret d entrés ;
 = des moyens pour sélectionner une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$ et en outre soumis aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
20 = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation
 $a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$
25 dans le cas où la valeur j = 4 a été sélectionnée et conformément à une équation a = 0 dans le cas où la valeur j = 3 a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point P(x,y) d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y), un calcul de courbe elliptique
 $Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$
30 en utilisant la valeur du nombre entier a calculé dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point Q(w,z) de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'une signature encryptée correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
35 = des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature ;
de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondants une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature.
- 40 20. Système de cryptographie selon la revendication 2, dans lequel
45 · la station d'encryptage est une station d'encryptage de signature,
 · le générateur de trappe comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m et multiplicateur secret d à la station d'encryptage de signature, et
 · la station d'encryptage de signature comprend
50 = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m et multiplicateur secret d, et en outre pour recevoir l'entrée d'une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$ et en outre soumis aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
 = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits multiplicité r de nombres premiers distincts p_i , module m, multiplicateur secret d et paire de nombres entiers (x,y) entrés ;
 = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation
 $a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$
55 dans le cas où la valeur j = 4 a été sélectionnée et conformément à une équation a = 0 dans le cas où la valeur j = 3 a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point P(x,y) d'une courbe elliptique

qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = d \cdot P(x,y)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'une signature encryptée correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et

= des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de signature ;

de sorte que la station d'encryptage de signature est capable de générer et de transmettre à une station de décryptage de signature correspondante une signature qui permet la vérification de son authenticité à la station de décryptage de signature.

21. Système de cryptographie selon la revendication 5 et une quelconque des revendications 17 à 20, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature qui comprend

= des moyens pour interroger un annuaire public pour en recevoir le transfert d'au moins lesdits module m et multiplicateur public e ;

= un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés ;

= des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;

= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;

= un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ; et

= un moyen d'authentification pour déterminer si ledit moyen de calcul de courbe elliptique a calculé avec succès une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;

de sorte que la station de décryptage de signature est capable de déchiffrer et d'authentifier une signature encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante.

22. Système de cryptographie selon la revendication 5 et une quelconque des revendications 17 à 20, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature qui comprend

= des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert ;

= un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés

= des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;

= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;

= un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique

$$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ; et

= un moyen d'authentification pour déterminer si ledit moyen de calcul de courbe elliptique a calculé avec succès une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;

de sorte que la station de décryptage de signature est capable de déchiffrer et d'authentifier une signa-

ture encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante.

23. Système de cryptographie selon la revendication 6 et une quelconque des revendications 17 à 20, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature qui comprend
- = des moyens pour interroger un annuaire public pour en recevoir le transfert d'au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés ;
 - = des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;
 - = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation
- $$a \equiv [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
- dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique
- $$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$
- en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ; et
- = un moyen d'authentification pour déterminer si ledit moyen de calcul de courbe elliptique a calculé avec succès une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
- de sorte que la station de décryptage de signature est capable de décrypter et d'authentifier une signature encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante.
24. Système de cryptographie selon la revendication 6 et une quelconque des revendications 17 à 20, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de signature qui comprend
- = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés ;
 - = des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;
 - = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation
- $$a \equiv [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
- dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique
- $$P(x,y) = e \cdot Q(w,z)$$
- en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ; et
- = un moyen d'authentification pour déterminer si ledit moyen de calcul de courbe elliptique a calculé avec succès une paire de nombres entiers (x,y) satisfaisant aux conditions prédéterminées prévues comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie ;
- de sorte que la station de décryptage de signature est capable de décrypter et d'authentifier une signature encryptée reçue de la station d'encryptage de signature correspondante.
25. Système de cryptographie conformément aux revendications 3 et 5, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de message (B) qui comprend
- = des moyens pour interroger un annuaire public pour en recevoir le transfert d'au moins lesdits module m et multiplicateur public e ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés ;
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir une paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un mes-

- sage, satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$;
= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour l'édit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
= des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de message (A) ;
de sorte que la station d'encryptage de message est capable d'encrypter et de transmettre un message qui permet son décryptage en une station de réception et décryptage de message. (Fig. 2)
26. Système de cryptographie conformément aux revendications 4 et 5, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de message (B) qui comprend
= des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert ;
= un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m et multiplicateur public e transférés ;
= des moyens d'entrée de message destinés à recevoir une paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message, satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$;
= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour l'édit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
= des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de message (A) ;
de sorte que la station d'encryptage de message est capable d'encrypter et de transmettre un message qui permet son décryptage en une station de réception et décryptage de message. (Fig. 2)
27. Système de cryptographie conformément aux revendications 3 et 6, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de message (B) qui comprend
= des moyens pour interroger un annuaire public pour en recevoir le transfert d'au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j ;
= un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés ;
= des moyens d'entrée de message destinés à recevoir une paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message, satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$;
= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] (\text{mod } m)$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour l'édit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) re-

- présentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
= des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de message (A) ;
de sorte que la station d'encryptage de message est capable d'encrypter et de transmettre un message qui permet son décryptage en une station de réception et décryptage de message. (Fig. 2)
- 5 28. Système de cryptographie conformément aux revendications 4 et 6, dans lequel la station d'encryptage est une station d'encryptage de message (B) qui comprend
= des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins ledit module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés dudit générateur de trappe par lesdits moyens de transfert ;
10 = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , multiplicateur public e et nombre entier j transférés ;
= des moyens d'entrée de message destinés à recevoir une paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message, satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$;
15 = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$
dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
20 = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, en un point $P(x,y)$ d'une courbe elliptique qui est représentatif desdits nombres entiers (x,y) , un calcul de courbe elliptique

$$Q(w,z) = e \cdot P(x,y)$$
en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ; et
25 = des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w,z) en vue de sa réception en une station de décryptage de message (A) ;
de sorte que la station d'encryptage de message est capable d'encrypter et de transmettre un message qui permet son décryptage en une station de réception et décryptage de message. (Fig. 2)
- 30 29. Système de cryptographie selon la revendication 2 et une quelconque des revendications 25 à 28, dans lequel la station de décryptage est une station de décryptage de message qui comprend
= ledit générateur de trappe ;
= des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;
35 = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$
dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ; et
40 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$
en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ;
45 de sorte que la station de décryptage de message est capable de recevoir et de décrypter un message.
30. Système de cryptographie selon la revendication 5 et une quelconque des revendications 25 à 28, dans lequel
50
 - la station de décryptage est une station de décryptage de message,
 - le générateur de trappe comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits module m et multiplicateur secret d à la station de décryptage de message, et
 - la station de décryptage de message comprend
55 = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m et multiplicateur secret d ;
= un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m et multiplicateur secret d entrés ;
= des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;

= des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ; et

= un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ;

de sorte que la station de décryptage de message est capable de recevoir et de déchiffrer un message.

15 31. Système de cryptographie selon la revendication 6 et une quelconque des revendications 25 à 28, dans lequel

- la station de décryptage est une station de décryptage de message,
- le générateur de trappe comprend en outre des moyens pour transférer au moins lesdits module m , multiplicateur secret d et nombre entier j à la station de décryptage de message, et
- la station de décryptage de message comprend
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins lesdits module m , multiplicateur secret d et nombre entier j ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins lesdits module m , multiplicateur secret d et nombre entier j entrés ;
 - = des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w,z) représentatifs d'un message encrypté correspondant à ladite paire de nombres entiers (x,y) ;
 - = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(z^2 / w) - w^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ; et

= un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, en un point $Q(w,z)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w,z) , un calcul de courbe elliptique

$$P(x,y) = d \cdot Q(w,z)$$

en utilisant la valeur du nombre entier a calculée dans lesdits moyens de calcul pour calculer un point $P(x,y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un message décrypté ;

de sorte que la station de décryptage de message est capable de recevoir et de déchiffrer un message.

40 32. Système de cryptographie selon la revendication 2, en outre comprenant

= un dispositif d'autorité de confiance (TA) pour émettre des données qui permettent l'identification d'une station du système de cryptographie ; et

= au moins un dispositif d'identification (ID) inclus dans une station du système de cryptographie et muni d'un moyen de mémorisation (SM) pour lesdites données permettant l'identification ;

= au moins un dispositif de vérification (VD) inclus dans une autre station du système de cryptographie et apte à coopérer avec ledit dispositif d'identification ;

• ledit dispositif d'autorité de confiance étant muni dudit générateur de trappe et comprenant en outre

= des moyens pour sélectionner une chaîne / de données d'identification représentative de façon unique d'une identité d'un requérant pour ledit dispositif d'identification ;

= des moyens pour sélectionner une fonction f qui assigne à chacune desdites chaînes / uniques une paire de nombres entiers (x,y) respective unique satisfaisant aux conditions $0 \leq x < m$ et $0 \leq y < m$, de sorte que lesdits nombres entiers (x,y) sont représentatifs d'un point $P(x,y) = f(l)$ d'une courbe elliptique ;

= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer sur ledit point $P(x,y)$ un calcul de courbe elliptique

$$Q(s,f) = d \cdot P(x,y)$$

pour calculer un point $Q(s,f)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nom-

- bres entiers (s, f) représentatifs d'une chaîne encryptée correspondant à ladite chaîne / de données d'identification ; et
- = des moyens de transfert (TR) pour transférer au moins lesdits chaîne / de données d'identification, module m , multiplicateur public e , paire de nombres entiers (x, y) et paire de nombres entiers (s, f)
- 5 audit moyen de mémorisation (SM) dudit dispositif d'identification pour y être mémorisés. (Fig. 3)
33. Système de cryptographie selon la revendication 32, dans lequel ladite fonction f est prévue comme consigne initiale dans toutes les stations du système de cryptographie.
- 10 34. Système de cryptographie selon la revendication 32, dans lequel lesdites données transférées par lesdits moyens de transfert comprennent aussi ladite fonction f .
- 15 35. Système de cryptographie selon la revendication 33, dans lequel
 - ledit dispositif d'identification (ID) comprend
 - = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2/x) - x^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
 - = des moyens (RIG) pour sélectionner un nombre entier aléatoire r satisfaisant aux conditions $0 \leq r \leq l$ où l est un nombre entier prévu comme consigne initiale dans le dispositif d'identification et satisfaisant aux conditions $l < m$;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point $P(u, v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u, v) , un calcul de courbe elliptique
- 20
$$U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$

pour calculer un point $U(u_x, u_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u_x, u_y) ;
- 25
$$= \text{un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point } U(u_x, u_y) \text{ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers } (u_x, u_y), \text{ un calcul de courbe elliptique}$$

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$

pour calculer un point $V(v_x, v_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (v_x, v_y) ;
- 30
$$= \text{des moyens de transmission (TR) pour transmettre lesdites chaîne / de données d'identification et paire de nombres entiers } (v_x, v_y) \text{ en vue de leur réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification (VD) ;}$$
- 35
$$= \text{des moyens de réception (RC) pour recevoir un nombre entier } k \text{ en tant que défi de ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;}$$
- 40
$$= \text{un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point } Q(s, f) \text{ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers } (s, f), \text{ un calcul de courbe elliptique}$$

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$

45 pour calculer un point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w_x, w_y) ;

$$= \text{des moyens de transmission (TR) pour transmettre ladite paire de nombres entiers } (w_x, w_y) \text{ en vue de sa réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification (VD) ;}$$

et

50
$$\cdot \text{ledit dispositif de vérification (VD) comprend}$$
 - = des moyens pour calculer à partir de ladite chaîne / de données d'identification conformément à ladite fonction f ladite paire de nombres entiers (x, y) représentatifs d'un point $P(x, y) = f(l)$ de ladite courbe elliptique ;
 - = des moyens (RIG) pour sélectionner un nombre entier aléatoire k satisfaisant aux conditions

$$0 \leq k \leq (e - 1);$$

55
$$= \text{des moyens de transmission (TR) pour transmettre en tant que défi ledit nombre entier aléatoire } k \text{ en vue de sa réception à ladite station qui inclut ledit dispositif d'identification ;}$$

$$= \text{des moyens de réception (RC) pour recevoir de ladite station qui inclut ledit dispositif d'identification (ID) ladite paire de nombres entiers } (w_x, w_y) \text{ en réponse audit défi ;}$$

= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) , un calcul de courbe elliptique

$$T_1(t_{1x}, t_{1y}) = e \cdot W(w_x, w_y)$$

5 pour calculer un point $T_1(t_{1x}, t_{1y})$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_{1x}, t_{1y}) ;

= un moyen de calcul de courbe elliptique (ECC) pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) , un calcul de courbe elliptique

$$10 T_2(t_{2x}, t_{2y}) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$$

pour calculer un point $T_2(t_{2x}, t_{2y})$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_{2x}, t_{2y}) ; et

= des moyens (CMP) pour comparer entre elles lesdites paires de nombres entiers (t_{1x}, t_{1y}) et (t_{2x}, t_{2y}) de façon à déterminer si les deux conditions de test $t_{1x} = t_{2x}$ et $t_{1y} = t_{2y}$ sont satisfaites par lesdites paires de nombres entiers (t_{1x}, t_{1y}) et (t_{2x}, t_{2y}) ;

15 de sorte que le dispositif de vérification est capable de déterminer si un dispositif d'identification est véritable. (Fig. 4)

20 36. Système de cryptographie selon la revendication 34, dans lequel

- ledit dispositif d'autorité de confiance comprend en outre des moyens de transfert pour transférer ladite fonction f à un moyen de mémorisation correspondant prévu dans ledit dispositif de vérification pour y mémoriser localement ladite fonction f dans ledit dispositif de vérification ;

25 - ledit dispositif d'identification comprend

- = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation

$$a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$$

dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier j au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;

30 = des moyens pour sélectionner un nombre entier aléatoire r satisfaisant aux conditions $0 \leq r \leq m$;

= un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $P(u, v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u, v) , un calcul de courbe elliptique

$$35 U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$$

pour calculer un point $U(u_x, u_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u_x, u_y) ;

40 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $U(u_x, u_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u_x, u_y) , un calcul de courbe elliptique

$$V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$$

pour calculer un point $V(v_x, v_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (v_x, v_y) ;

45 = des moyens de transmission pour transmettre lesdites chaîne $/$ de données d'identification et paire de nombres entiers (v_x, v_y) en vue de leur réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;

= des moyens de réception pour recevoir un nombre entier k en tant que défi de ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;

50 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $Q(s, f)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (s, f) , un calcul de courbe elliptique

$$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$

pour calculer un point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w_x, w_y) ;

55 = des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) en vue de sa réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;

et

- ledit dispositif de vérification comprend
 - = des moyens d'entrée destinés à recevoir au moins ladite fonction f dudit dispositif d'autorité de confiance au moyen desdits moyens de transfert de celui-ci ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins ladite fonction f transférée ;
 - = des moyens pour calculer à partir de ladite chaîne / de données d'identification conformément à ladite fonction f ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un point $P(x,y) = f(l)$ de ladite courbe elliptique ;
 - = des moyens pour sélectionner un nombre entier aléatoire k satisfaisant aux conditions $0 \leq k \leq (e - 1)$;
 - = des moyens de transmission pour transmettre ledit nombre entier aléatoire k en vue de sa réception en tant que défi à ladite station qui inclut ledit dispositif d'identification ;
 - = des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) en réponse audit défi de ladite autre station qui inclut ledit dispositif d'identification ;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) , un calcul de courbe elliptique
- $T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$
- pour calculer un point $T_1(t_1, t_1)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_1, t_1) ;
- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) , un calcul de courbe elliptique
- $T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$
- pour calculer un point $T_2(t_2, t_2)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_2, t_2) ; et
- = des moyens pour comparer entre elles lesdites paires de nombres entiers (t_{1_x}, t_{1_y}) et (t_{2_x}, t_{2_y}) de façon à déterminer si les deux conditions de test $t_{1_x} = t_{2_x}$ et $t_{1_y} = t_{2_y}$ sont satisfaites par lesdites paires de nombres entiers (t_{1_x}, t_{1_y}) et (t_{2_x}, t_{2_y}) ;
- de sorte que le dispositif de vérification est capable de déterminer si un dispositif d'identification est véritable.
37. Système de cryptographie selon la revendication 34, dans lequel
- ledit dispositif d'autorité de confiance comprend en outre des moyens de transfert pour transférer ladite fonction f à un annuaire public qui peut être interrogé par toute station pour y mémoriser localement ladite fonction f ;
 - ledit dispositif d'identification comprend
 - = des moyens pour calculer un nombre entier a conformément à une équation
- $a = [(y^2 / x) - x^2] \pmod{m}$
- dans le cas où la valeur $j = 4$ a été sélectionnée et conformément à une équation $a = 0$ dans le cas où la valeur $j = 3$ a été sélectionnée pour ledit nombre entier / au générateur de trappe, auquel dernier cas on peut en pratique se passer des moyens pour calculer un nombre entier a ;
- = des moyens pour sélectionner un nombre entier aléatoire r satisfaisant aux conditions $0 \leq r \leq m$;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $P(u, v)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u, v) , un calcul de courbe elliptique
- $U(u_x, u_y) = r \cdot P(x, y)$
- pour calculer un point $U(u_x, u_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (u_x, u_y) ;
- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $U(u_x, u_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (u_x, u_y) , un calcul de courbe elliptique
- $V(v_x, v_y) = e \cdot U(u_x, u_y)$
- pour calculer un point $V(v_x, v_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (v_x, v_y) ;
- = des moyens de transmission pour transmettre lesdites chaîne / de données d'identification et pa-

- re de nombres entiers (v_x, v_y) en vue de leur réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;
- = des moyens de réception pour recevoir un nombre entier k en tant que défi de ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;
 - 5 = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $Q(s,f)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (s,f), un calcul de courbe elliptique
- $$W(w_x, w_y) = U(u_x, u_y) + k \cdot Q(s, f)$$
- pour calculer un point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (w_x, w_y) ;
- 10 = des moyens de transmission pour transmettre ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) en vue de sa réception à ladite autre station qui inclut ledit dispositif de vérification ;
 - et
 - 15 = ledit dispositif de vérification comprend
 - = des moyens pour interroger un annuaire public pour en recevoir le transfert d'au moins ladite fonction f ;
 - = un moyen de mémorisation pour au moins ladite fonction f transférée ;
 - = des moyens pour calculer à partir de ladite chaîne I de données d'identification conformément à ladite fonction f ladite paire de nombres entiers (x,y) représentatifs d'un point $P(x,y) = f(I)$ de ladite courbe elliptique ;
 - 20 = des moyens pour sélectionner un nombre entier aléatoire k satisfaisant aux conditions $0 \leq k \leq (e - 1)$;
 - = des moyens de transmission pour transmettre ledit nombre entier aléatoire k en vue de sa réception en tant que défi à ladite station qui inclut ledit dispositif d'identification ;
 - 25 = des moyens de réception pour recevoir ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y) en réponse audit défi de ladite autre station qui inclut ledit dispositif d'identification ;
 - = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y), un calcul de courbe elliptique
- 30 $T_1(t_1, t_1) = e \cdot W(w_x, w_y)$
- pour calculer un point $T_1(t_1, t_1)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_1, t_1) ;
- = un moyen de calcul de courbe elliptique pour effectuer, sur ledit point $W(w_x, w_y)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont ladite paire de nombres entiers (w_x, w_y), un calcul de courbe elliptique
 - 35 $T_2(t_2, t_2) = V(v_x, v_y) + k \cdot P(x, y)$
 - pour calculer un point $T_2(t_2, t_2)$ de ladite courbe elliptique dont les coordonnées sont une paire de nombres entiers (t_2, t_2) ; et
 - = des moyens pour comparer entre elles lesdites paires de nombres entiers (t_1, t_1) et (t_2, t_2) de façon à déterminer si les deux conditions de test $t_{1x} = t_{2x}$ et $t_{1y} = t_{2y}$ sont satisfaites par lesdites paires de nombres entiers (t_1, t_1) et (t_2, t_2) ;
- 40 de sorte que le dispositif de vérification est capable de déterminer si un dispositif d'identification est véritable.
- 45 38. Système de cryptographie selon une quelconque des revendications 35 à 37, dans lequel lesdits moyens pour sélectionner un nombre entier aléatoire k et lesdits moyens de transmission pour transmettre ledit nombre entier aléatoire k en tant que défi sont réalisés en vue d'une mise en oeuvre récurrente un nombre multiple de fois au cours d'une session d'identification.

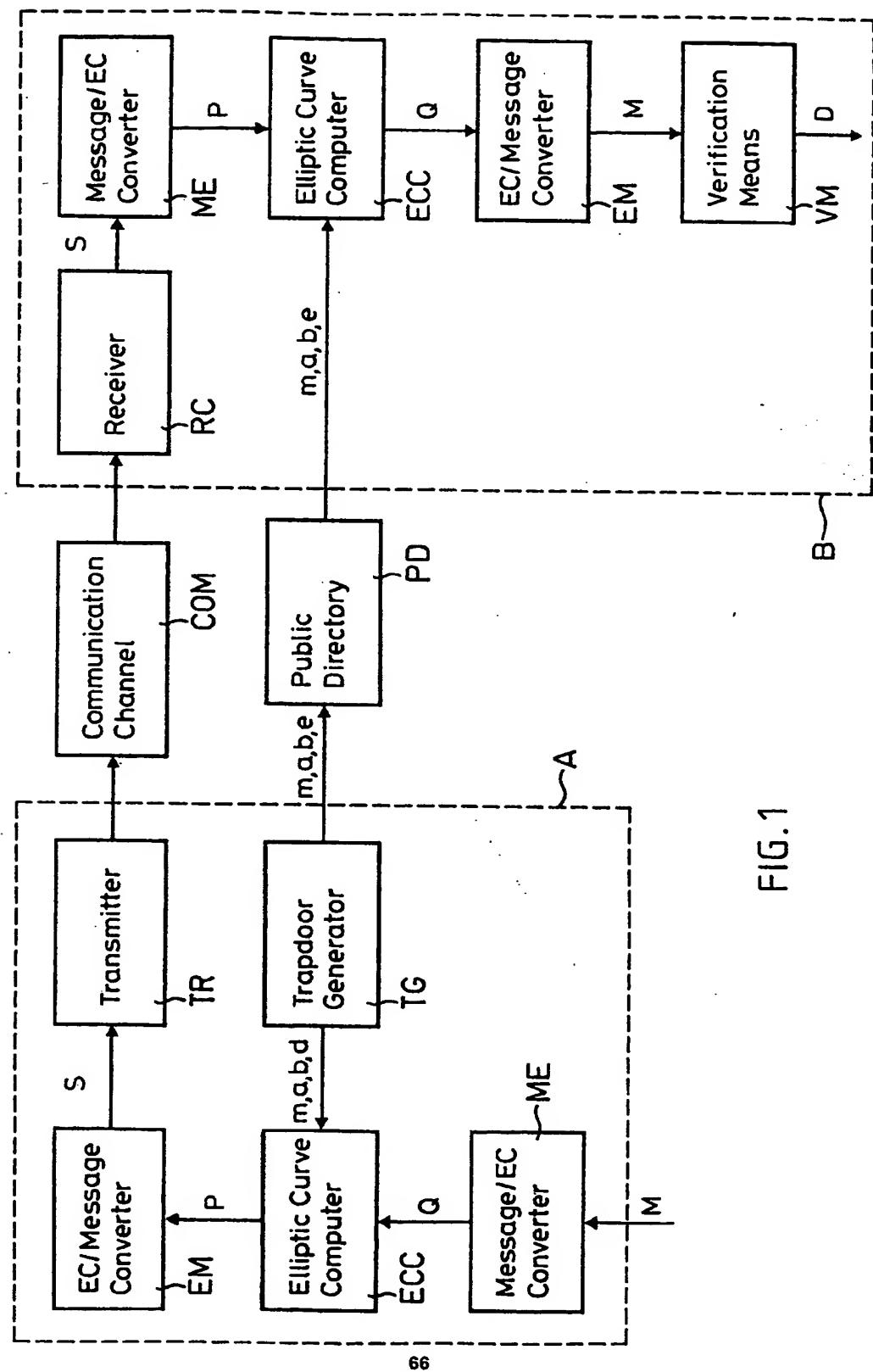


FIG. 1

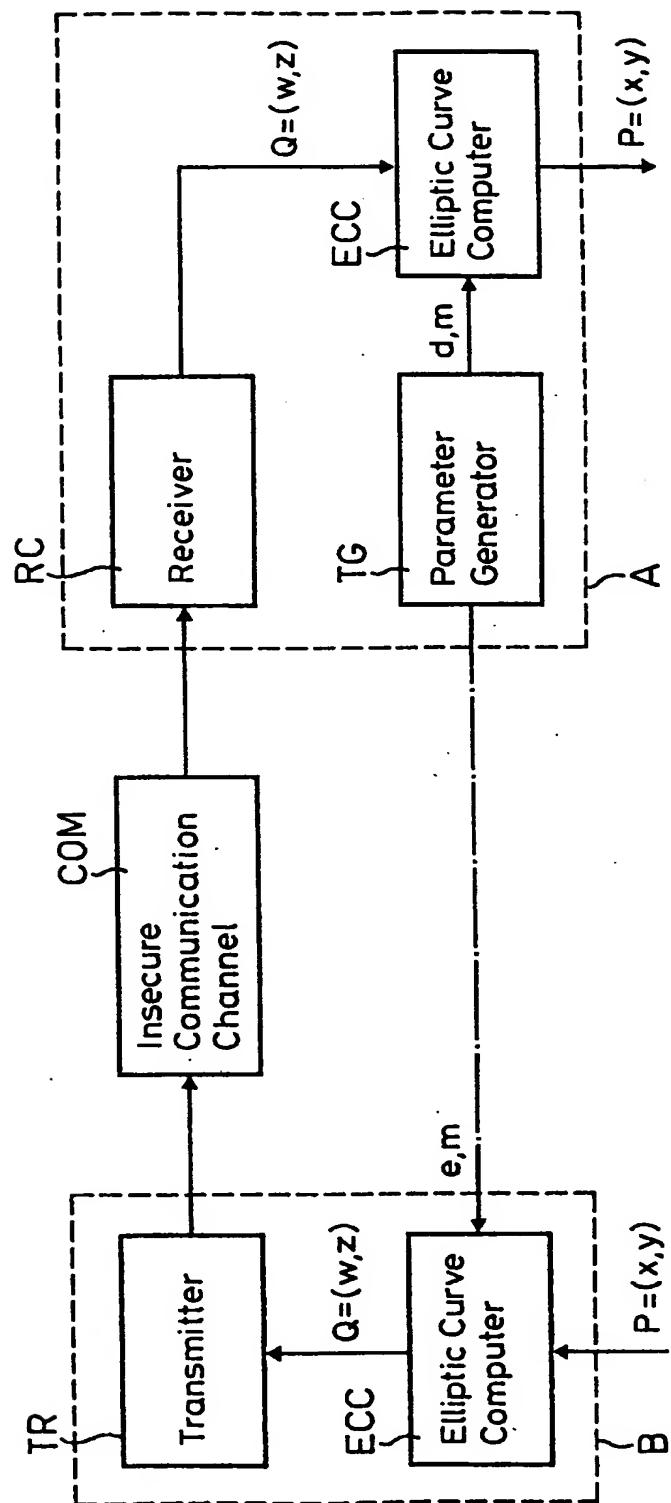


FIG. 2

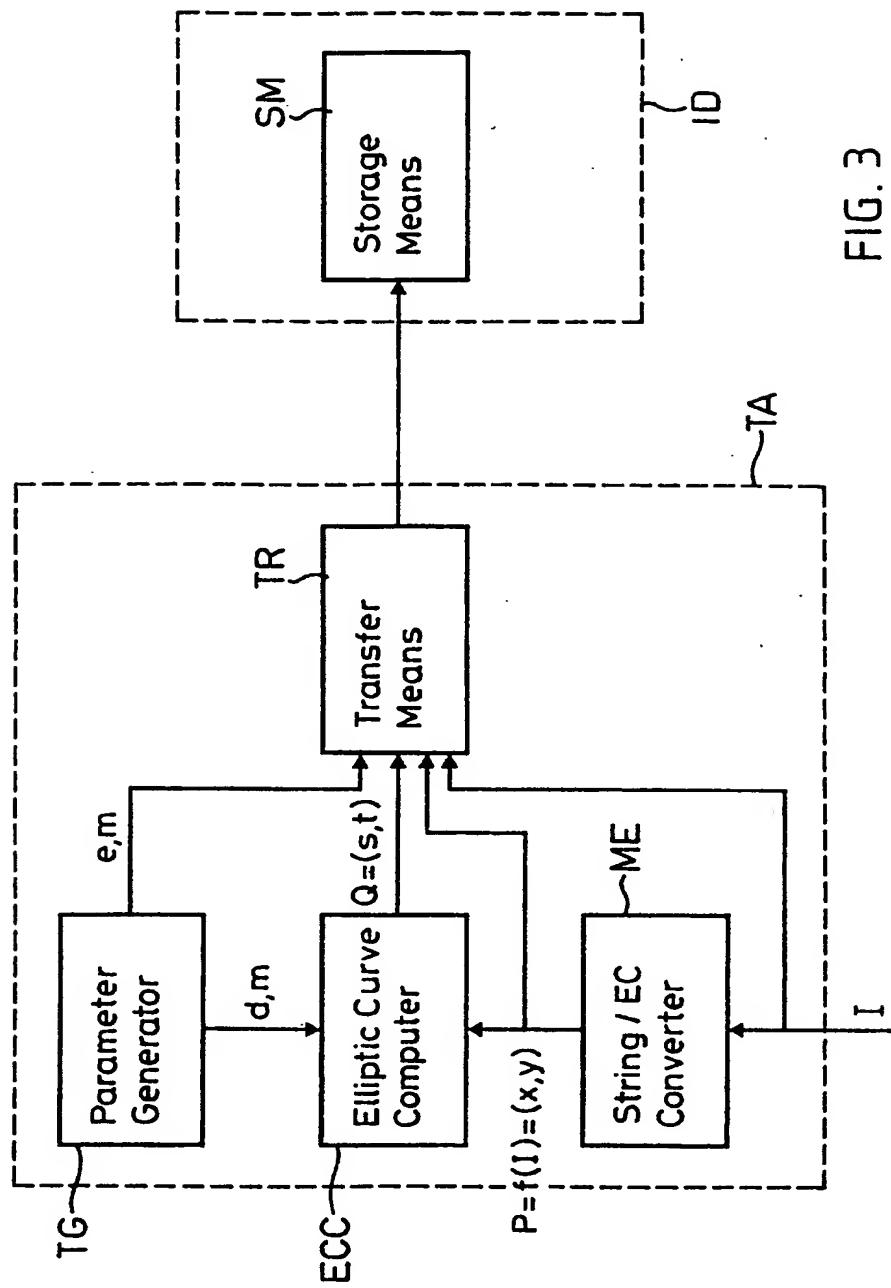


FIG. 3

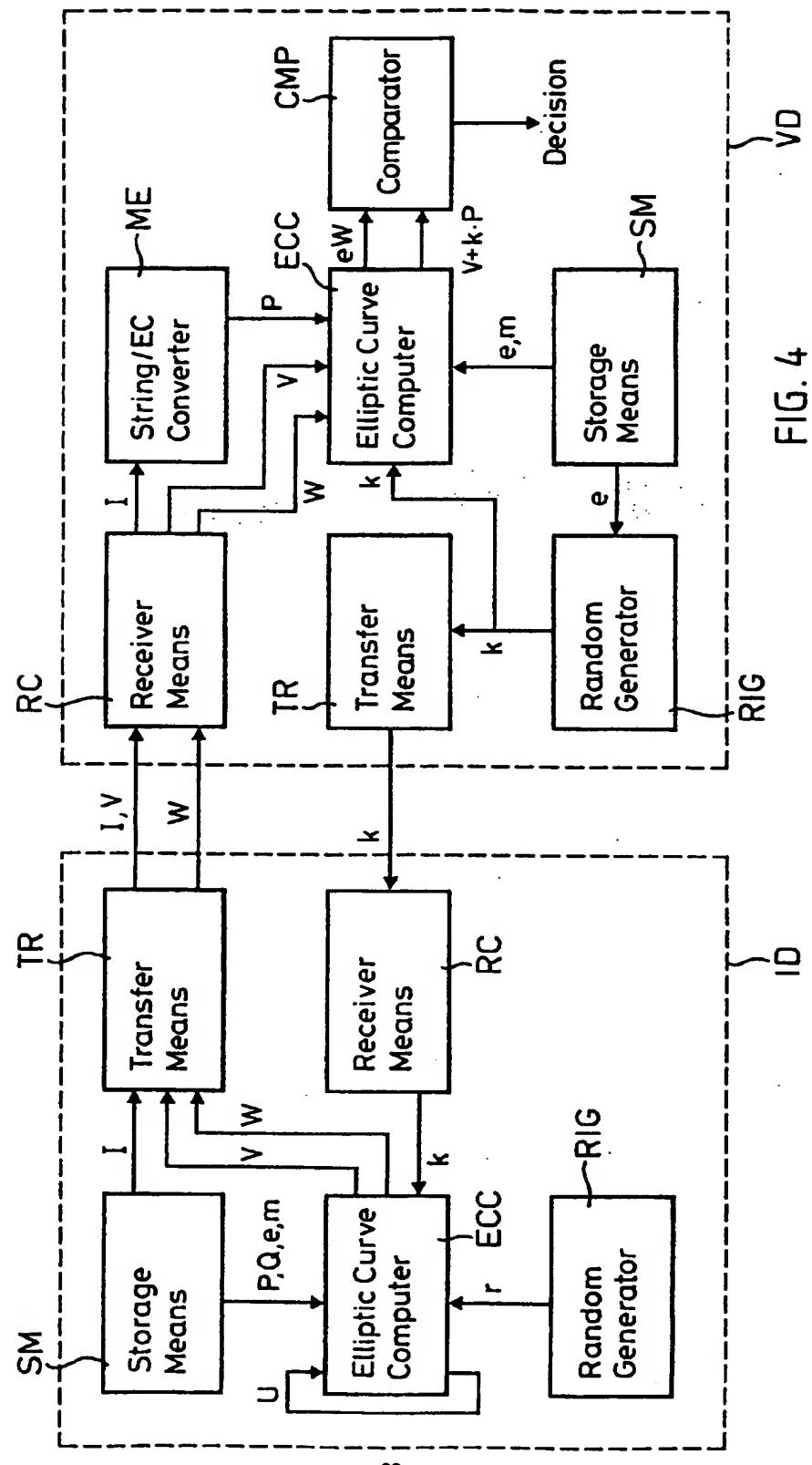


FIG. 4

THIS PAGE BLANK (USPTO)